



Formale Grundlagen der Fehlertoleranz in verteilten Systemen

Felix Gärtner

17. Mai 2001



Abhängigkeit von Computersystemen



Quelle: <http://www.cs.virginia.edu/~survive/>



Sicherheit und Versicherungen

- Wir alle machen Fehler — auch Computer!

In the future, the computer security industry will be run by the insurance industry.

Bruce Schneier

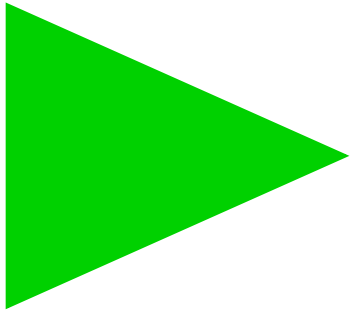
- Fehler tolerieren durch **Risikomanagement** (z.B. Risikovermeidung) und **Technologie** (z.B. qualitative Software, Fehlertoleranz).

Grenzen des Risikomanagements



Quelle: <http://spaceflight.nasa.gov/>

- **Soft-/Hardwarefehler** unvermeidbar — wer versichert die ISS?



Forschungsagenda

- Analyse durch mathematische Modellierung.
 - Beitrag: **Systemmodelle** der Fehlertoleranz.
- Verständnis/Intuition entwickeln für Wirkungsweise von existierenden Methoden der Fehlertoleranz.
 - Beitrag: Begrifflichkeit der **Redundanz**.
- Grundlagen legen für die Ingenieurspraxis.
 - Beitrag: Methoden der **Beobachtungen**.



Das asynchrone Systemmodell

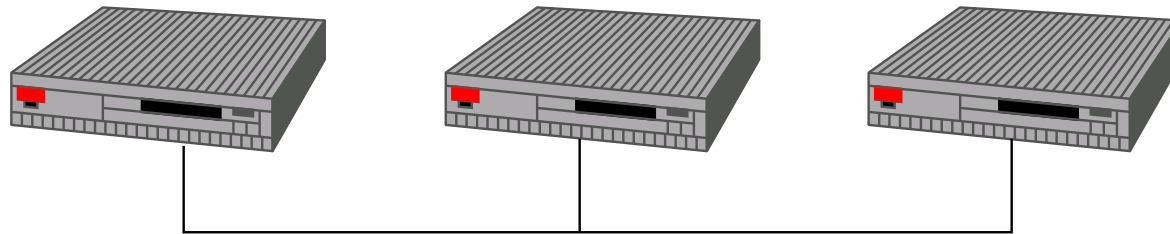
- Geographisch verteilte Rechner kommunizieren über Nachrichten.
- Nachrichten können lange unterwegs sein.
- Computer können sehr langsam werden.
- Gebräuchliches Modell für das Internet.
- Computer können abstürzen.



Sicherheit und Lebendigkeit

- Beschreibung **funktionaler Eigenschaften**.
- Zwei grundlegende Klassen von Eigenschaften verteilter Systeme:
 - **Sicherheit** (*safety*), z.B. partielle Korrektheit, wechselseitiger Ausschluss, “niemals x ”.
 - **Lebendigkeit** (*liveness*), z.B. Terminierung, “schlußendlich x ”.

Beispiel: Übereinstimmungsproblem



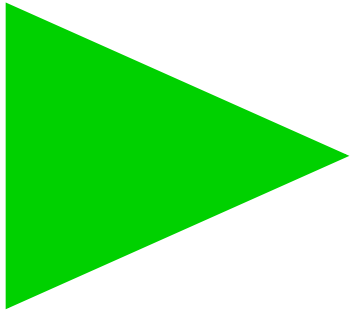
- **Annahme:** maximal ein Computer rechnet falsch.
- **Ziel:** Computer sollen jede neue Berechnung mit dem gleichen Startwert beginnen.
- Problem ist **nicht** immer (einfach) **lösbar!**



Beliebte Fehlertoleranzmethoden

- *Triple modular redundancy (TMR).*
- *Checkpointing/recovery.*
- *Automatic repeat request (ARQ).*

Was sind die grundlegenden Mechanismen, die in Fehlertoleranzverfahren eine Rolle spielen?



Stand der Forschung

- Fehlertoleranztheorie von Arora und Kulkarni.
- Fehlertolerantes Programm =
Programm + Fehlertoleranzkomponenten.
- **Detektor**: erkennt einen bestimmten Systemzustand.
- **Korrektor**: stellt einen bestimmten Systemzustand her.
- Abstraktion vieler gebräuchlicher
Fehlertoleranzmethoden.

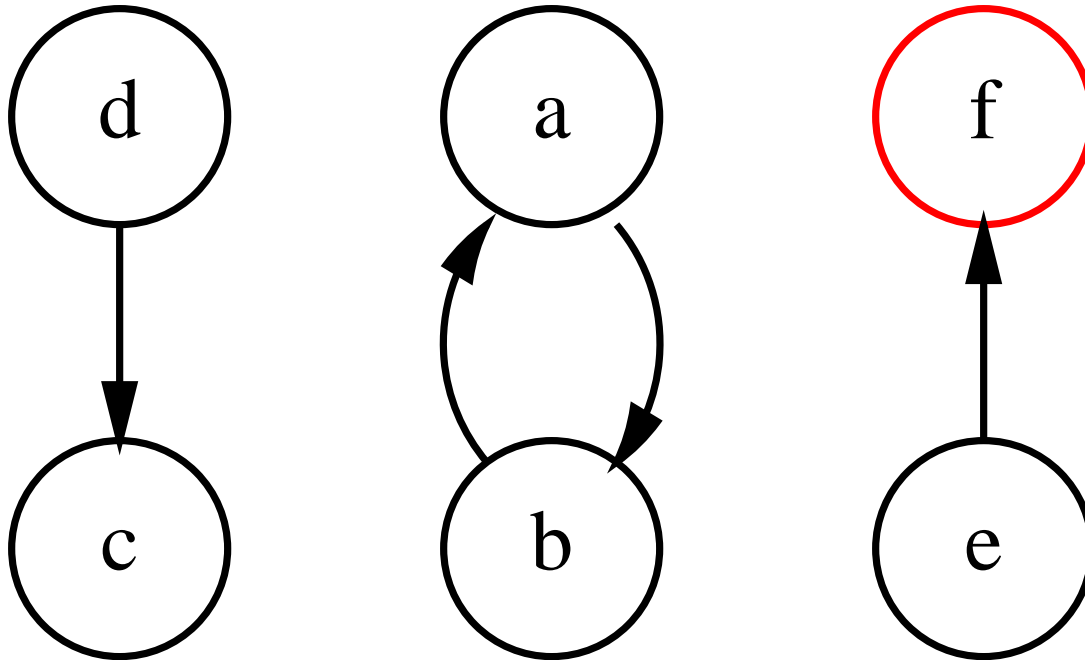


Grundlagen der Fehlertoleranz

- Theoreme:
 - **Detektoren** sind notwendig und hinreichend, um **Sicherheit** zu erreichen.
 - **Korrektoren** sind notwendig und hinreichend, um **Lebendigkeit** zu erreichen.
- Korrektor enthält immer einen Detektor.
- Detektoren und Korrektoren sind abstrakte Gebilde.
Wie funktionieren sie?

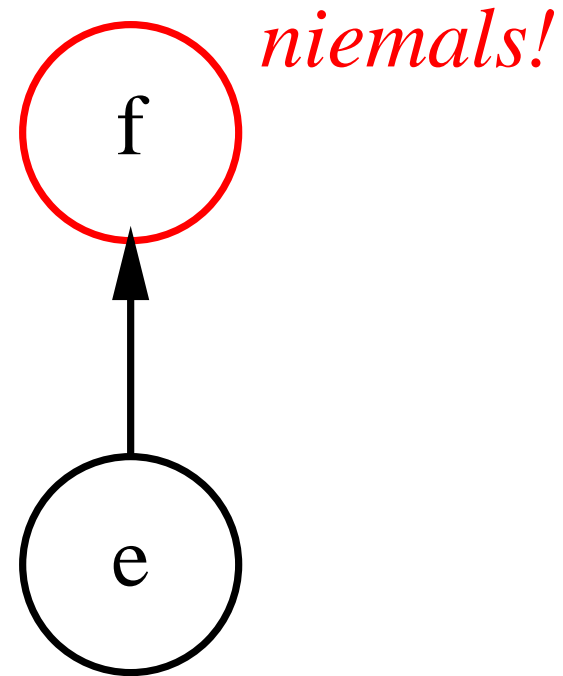
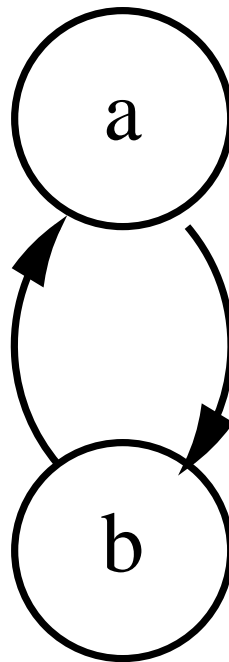
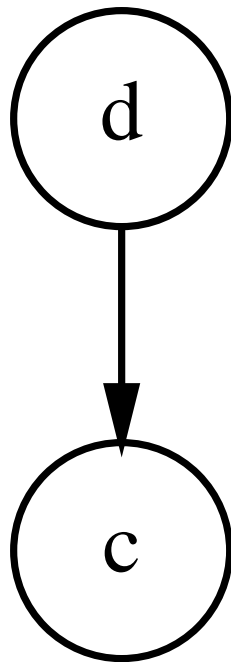


Modellierung als Automaten

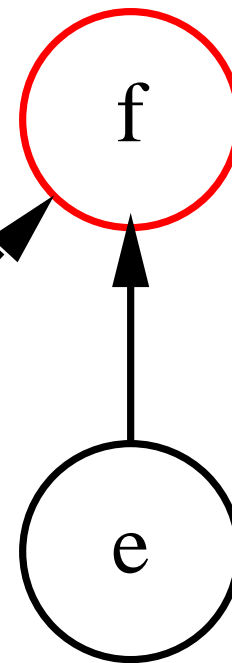
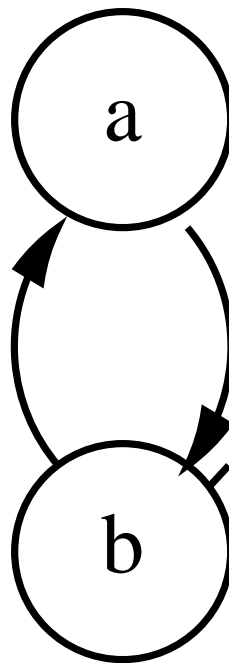
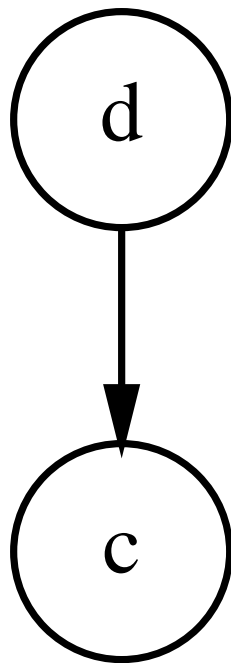




Modellierung als Automaten

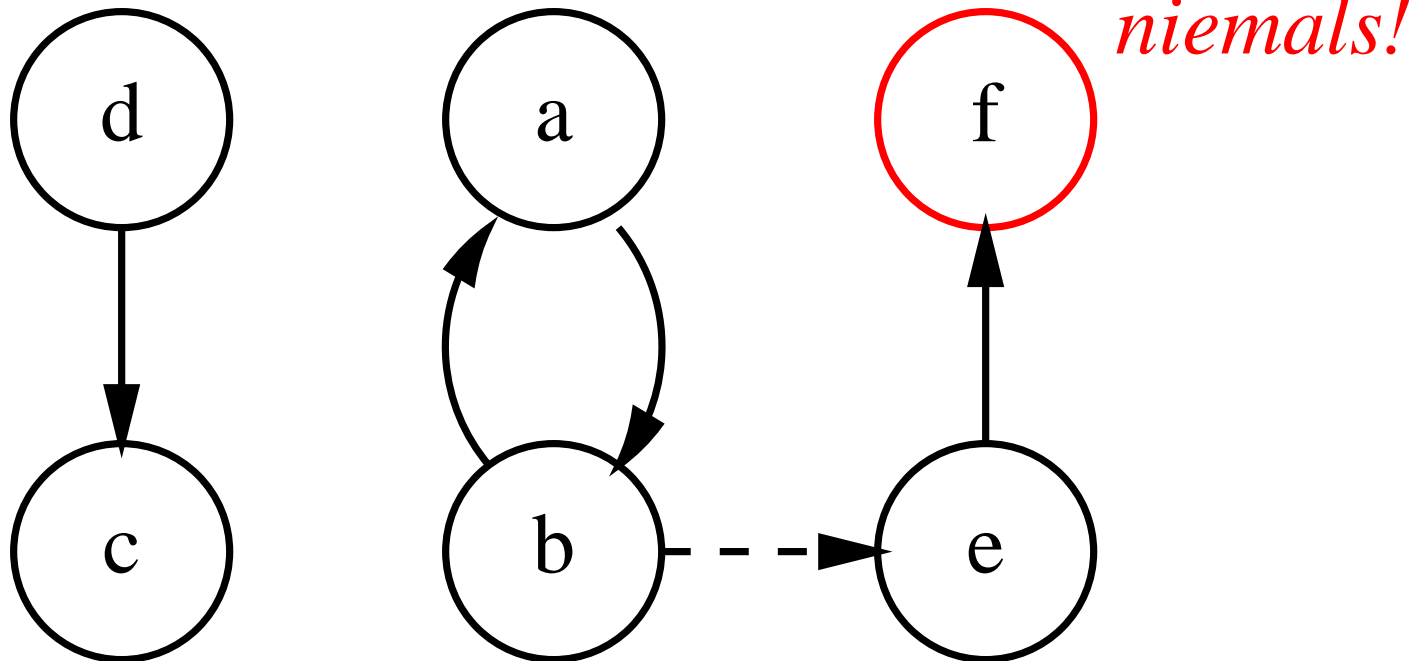


Modellierung als Automaten



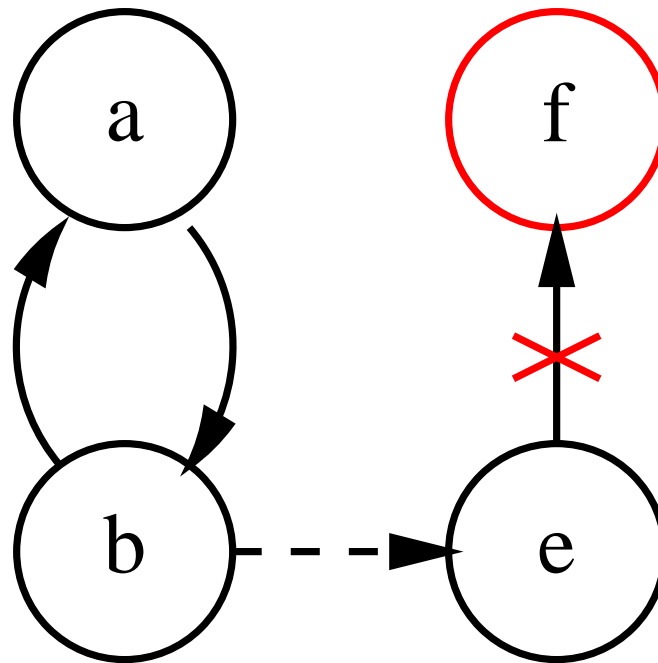
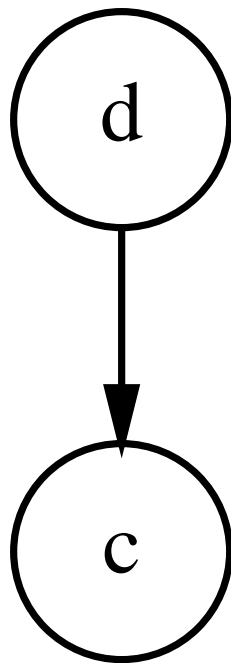
niemals!

Modellierung als Automaten



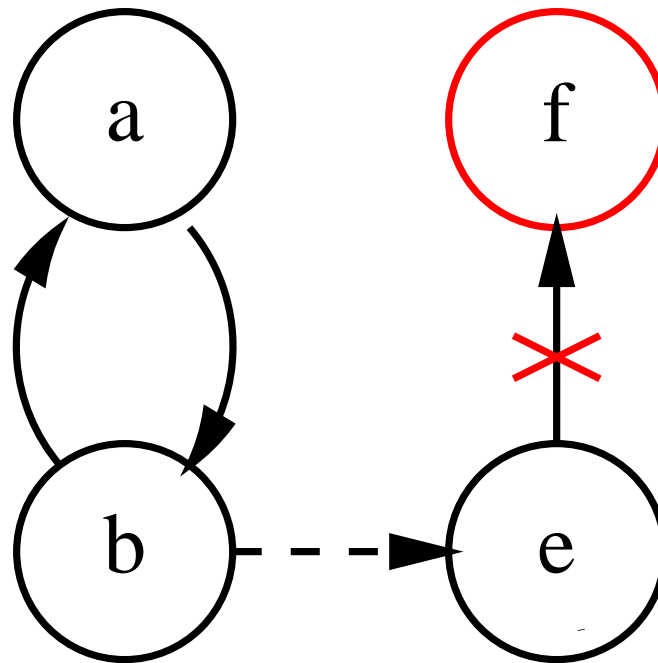
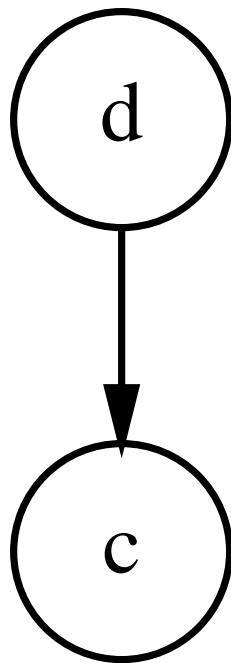


Modellierung als Automaten



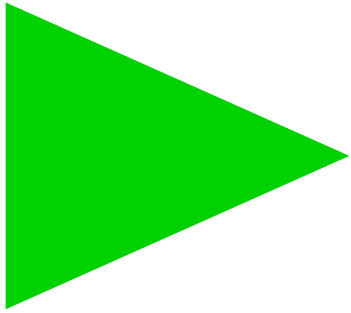
niemals!

Modellierung als Automaten



niemals!

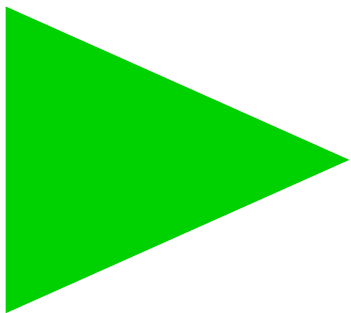
Speicherredundanz



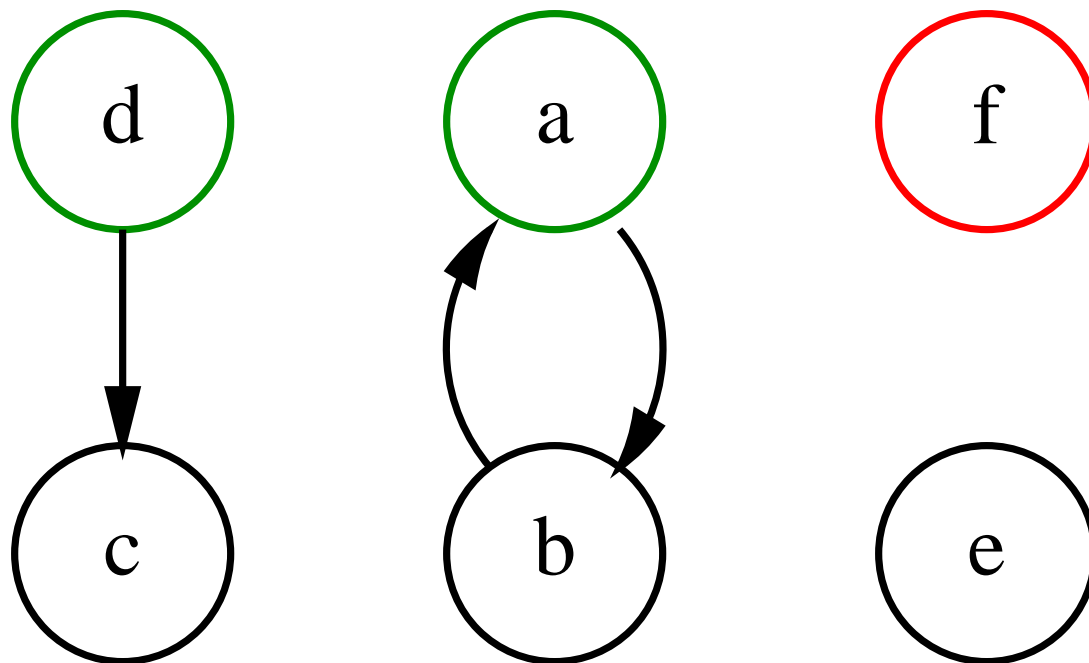
Speicherredundanz

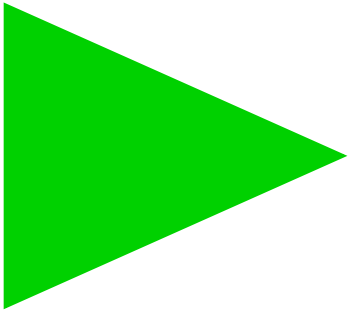
redundante Zustände = Speicherredundanz
Zustände, die nicht erreicht werden,
wenn keine Fehler auftreten.

- Bekannt aus der Kodierungstheorie.
- **Notwendige** "Puffer" zur Fehlererkennung.
- Einsicht: Detektoren enthalten Speicherredundanz.



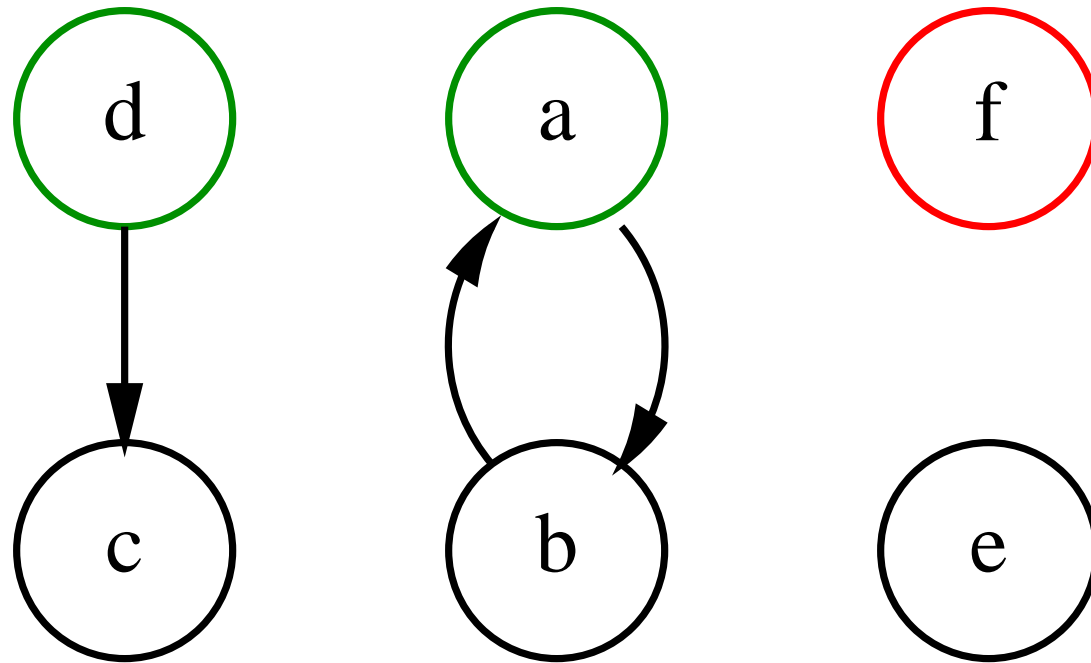
Problem: Lebendigkeit





Problem: Lebendigkeit

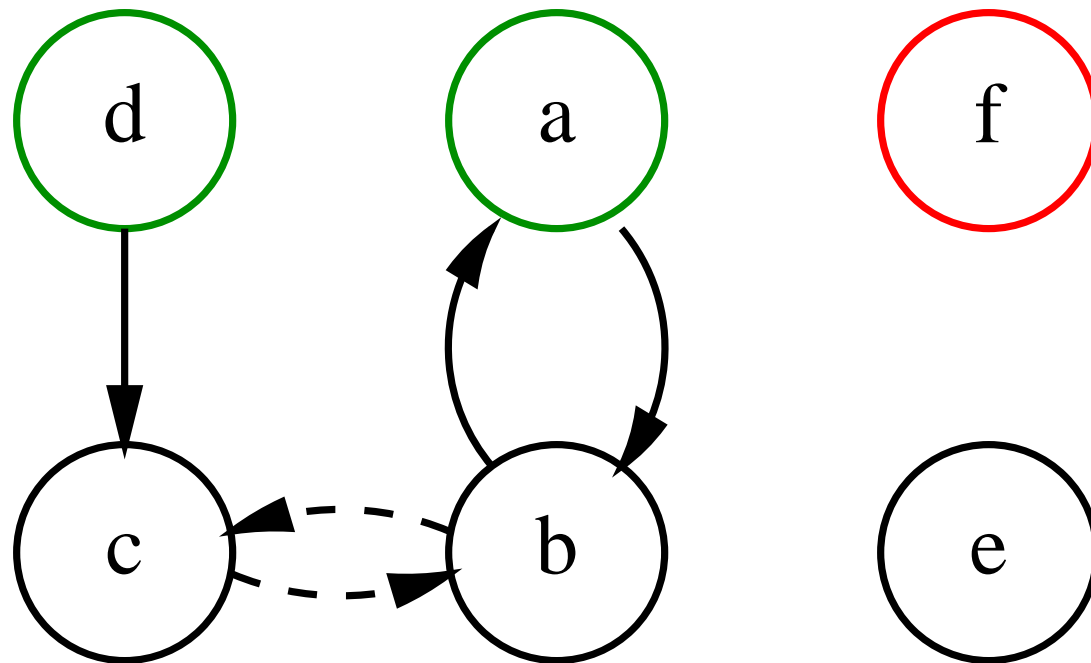
immer wieder!





Problem: Lebendigkeit

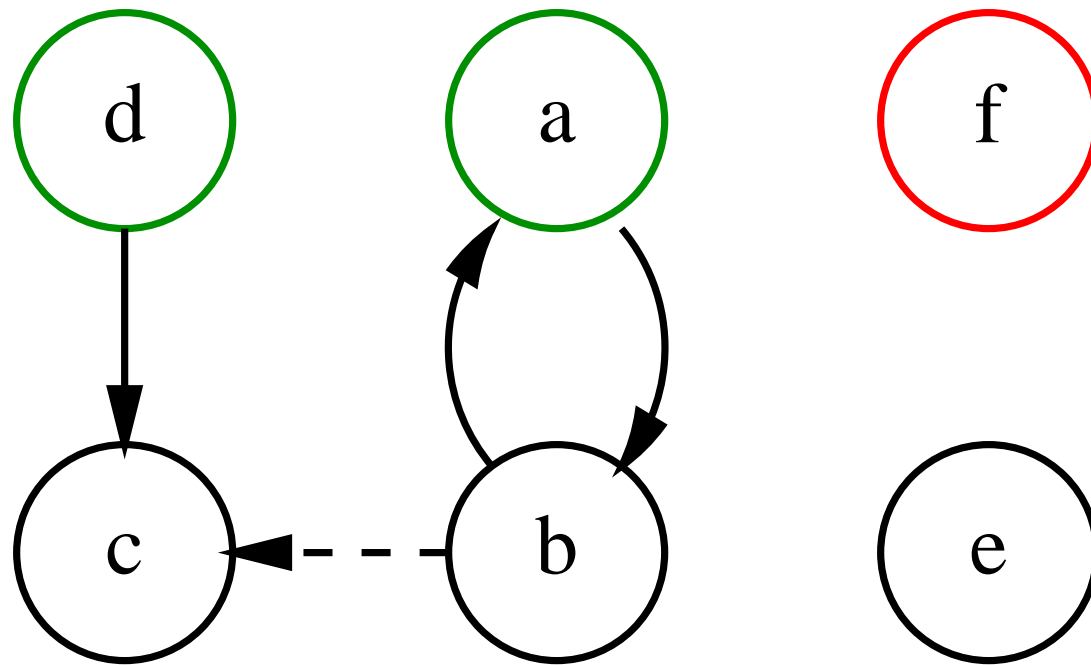
immer wieder!





Problem: Lebendigkeit

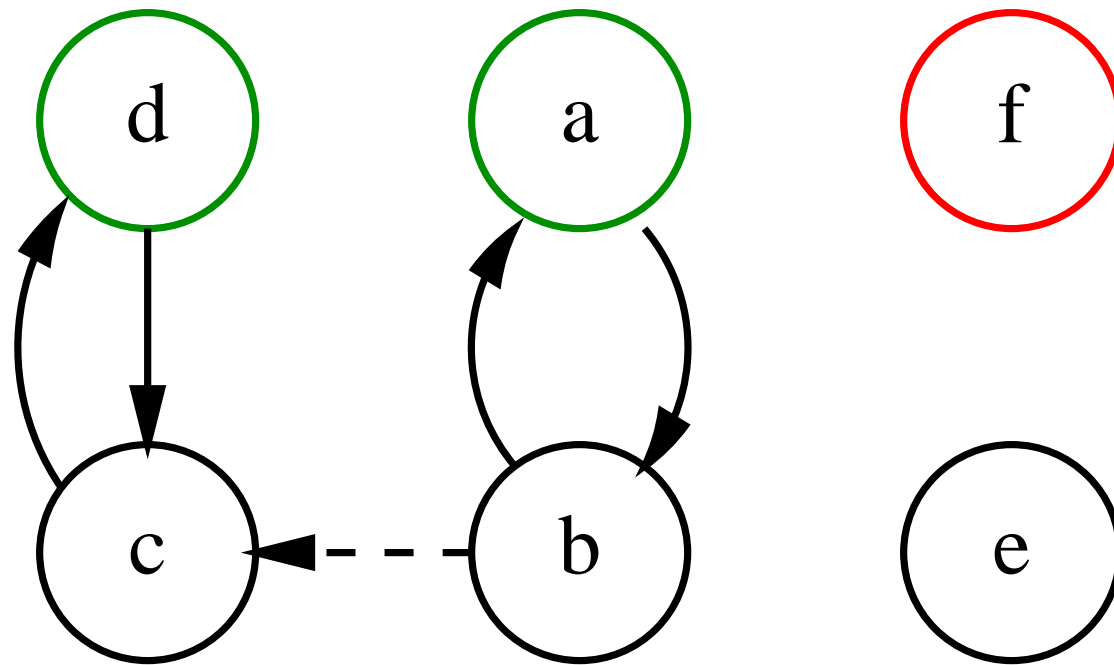
immer wieder!





Problem: Lebendigkeit

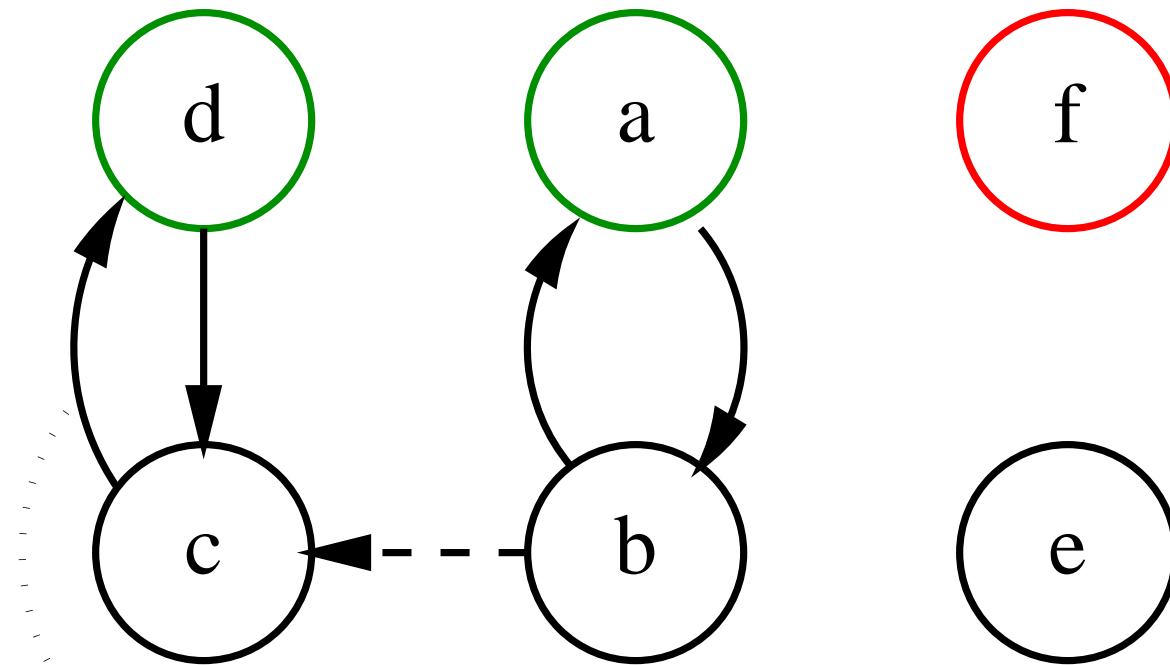
immer wieder!





Problem: Lebendigkeit

immer wieder!



Zeitredundanz



Zeitredundanz

redundante Transitionen = Zeitredundanz
Transitionen, die nie ausgeführt werden,
wenn keine Fehler auftreten.

- Zeitredundanz **notwendig** für Lebendigkeit.
- Einsicht: Korrektoren enthalten Zeitredundanz.
- Einsicht: Zeitredundanz \Rightarrow Speicherredundanz.
- Kompliziert: **Genaue Voraussetzungen**, unter denen Speicher- und Zeitredundanz notwendig sind. (Details)



Zusammenfassung: Redundanz

fehlertolerant bzgl.	notwendig
Sicherheit	Speicherredundanz
Lebendigkeit	Zeitredundanz + Speicherredundanz

- Beiträge:
 - **Erweiterung** der Arora/Kulkarni-Theorie um eine Begrifflichkeit der Redundanz.
 - **Relation** zu *safety* und *liveness* **neu!**
 - **Klärung** des unscharfen Begriffs der Zeitredundanz.

Probleme beim Beobachten

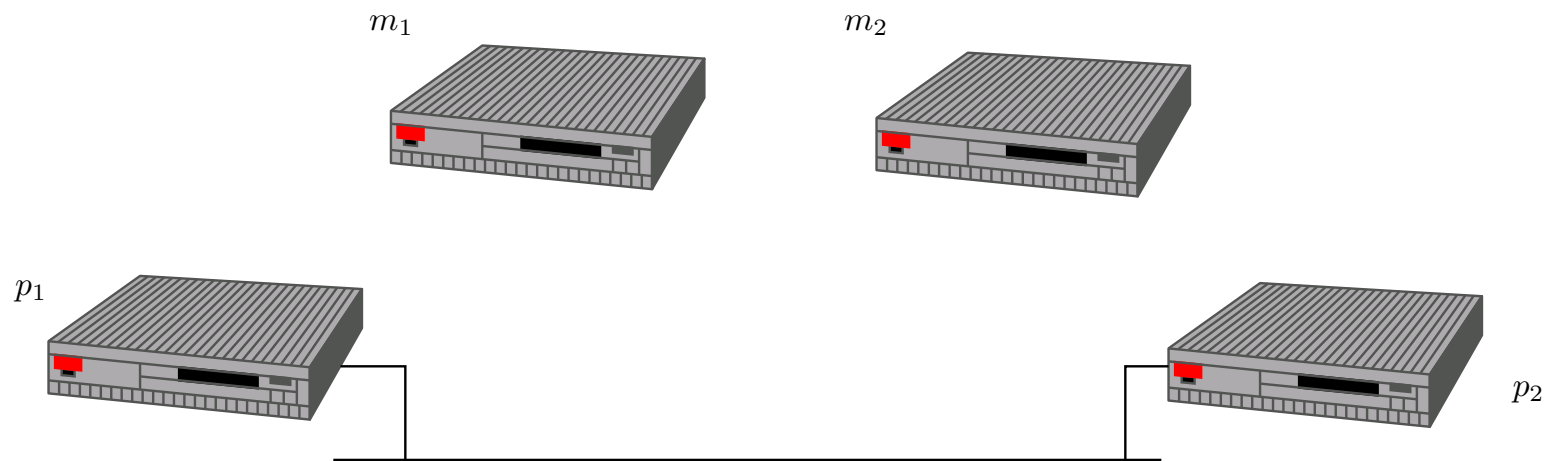
SKATENMANT

WIR SIND AUF DER SUCHE NACH ANWENDUNGEN, DIE AUCH IN EINEM BESONDERS OFFENEN UND VERTEILTEN NETZWERK FUNKTIONIEREN.



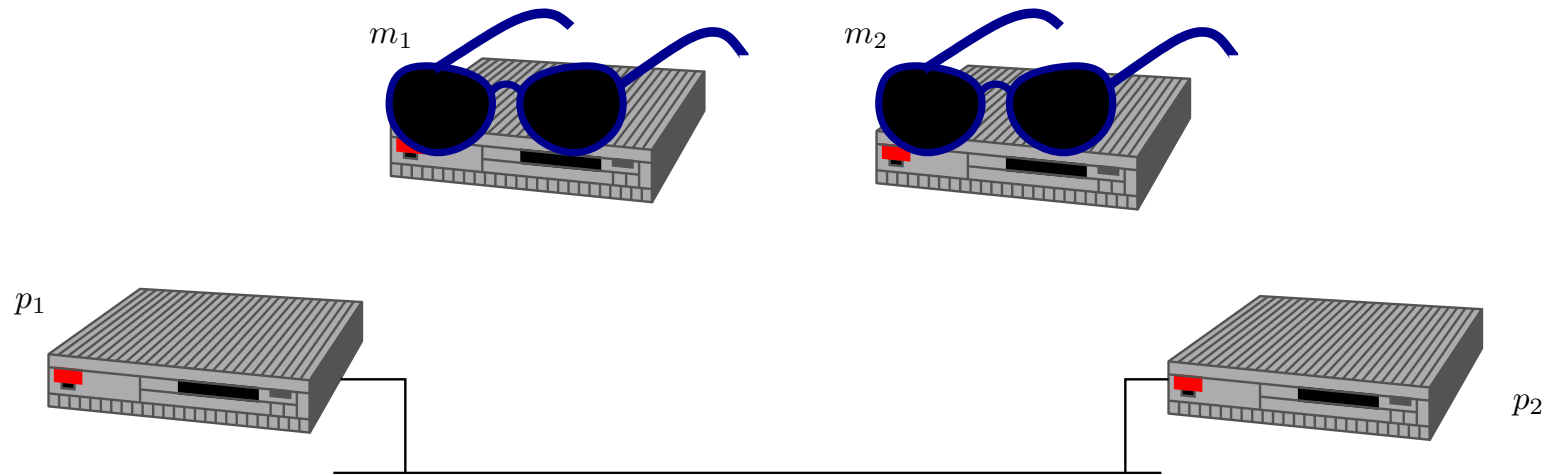
Wie beobachtet man verteilte Systeme?

- Asynchrones System, beobachtete Rechner können abstürzen.



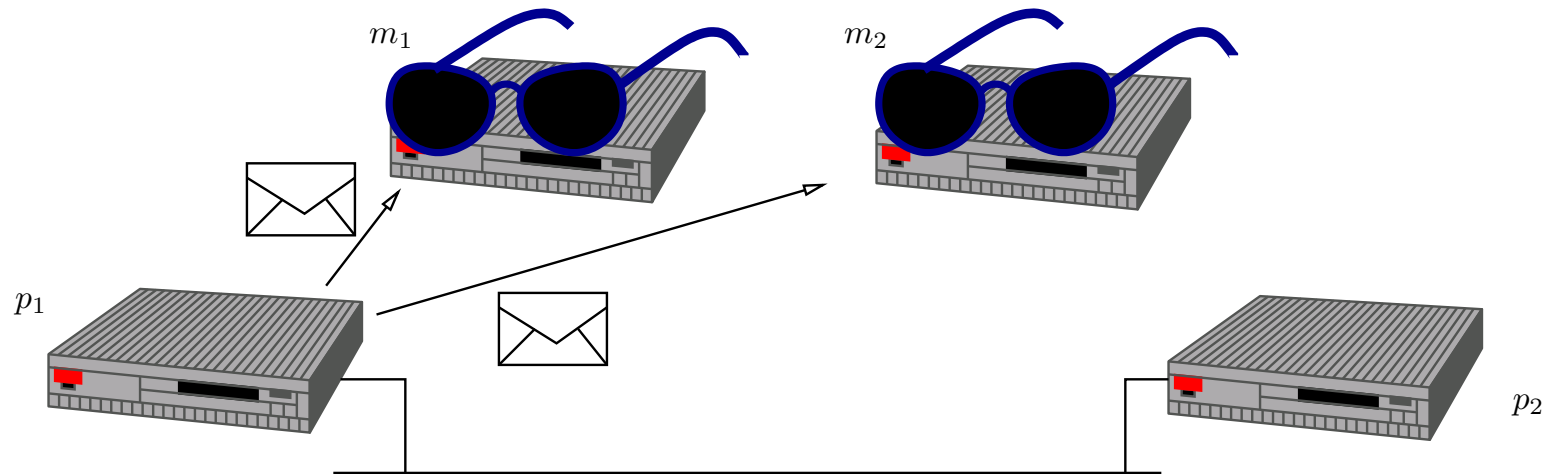
Wie beobachtet man verteilte Systeme?

- Asynchrones System, beobachtete Rechner können abstürzen.



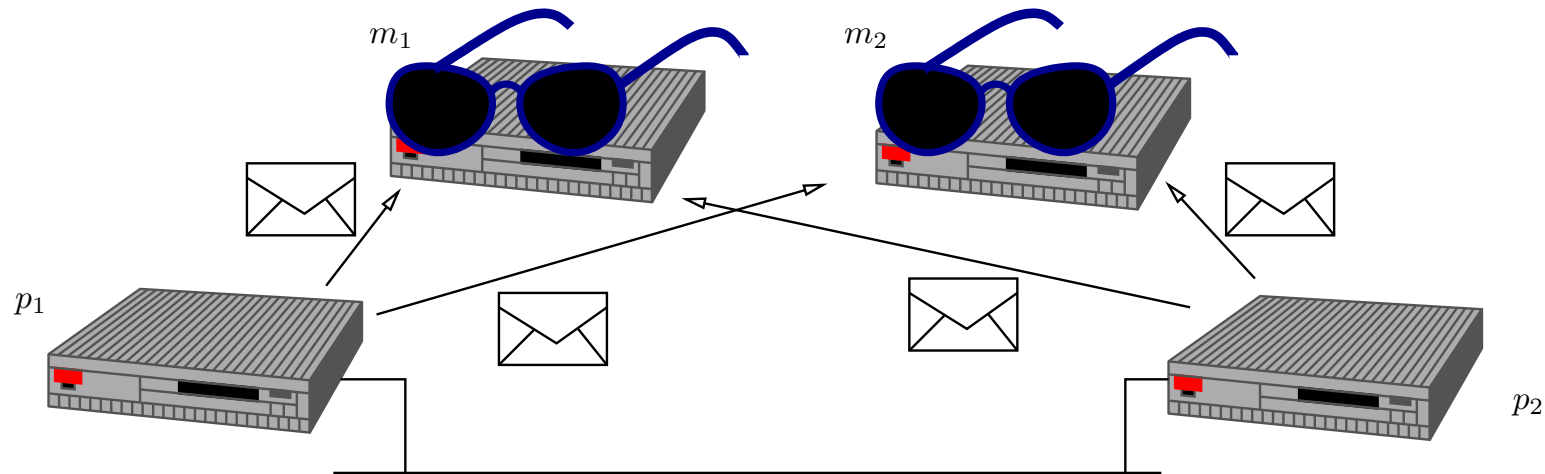
Wie beobachtet man verteilte Systeme?

- Asynchrones System, beobachtete Rechner können abstürzen.

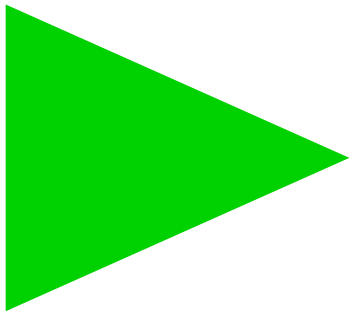


Wie beobachtet man verteilte Systeme?

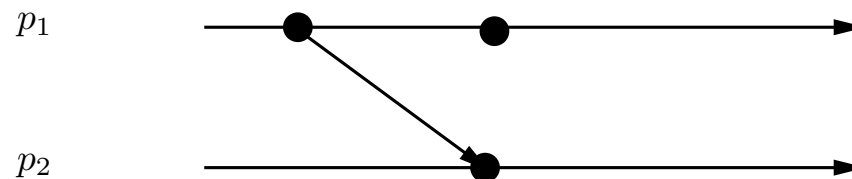
- Asynchrones System, beobachtete Rechner können abstürzen.

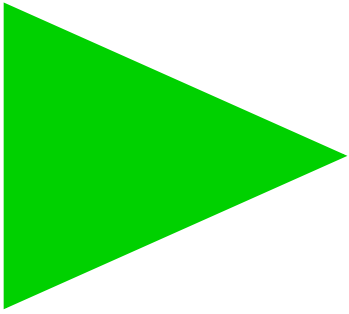


- Keine verlässliche Fehlererkennung.

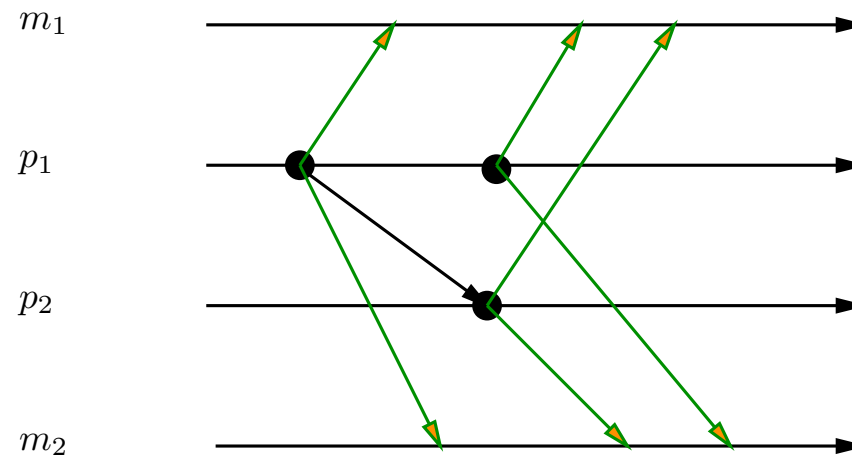


Raum/Zeit-Diagramme

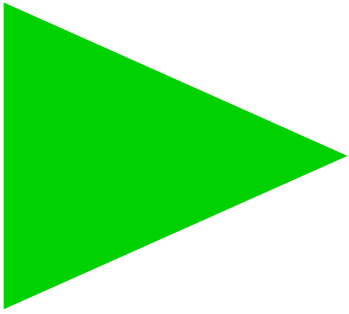




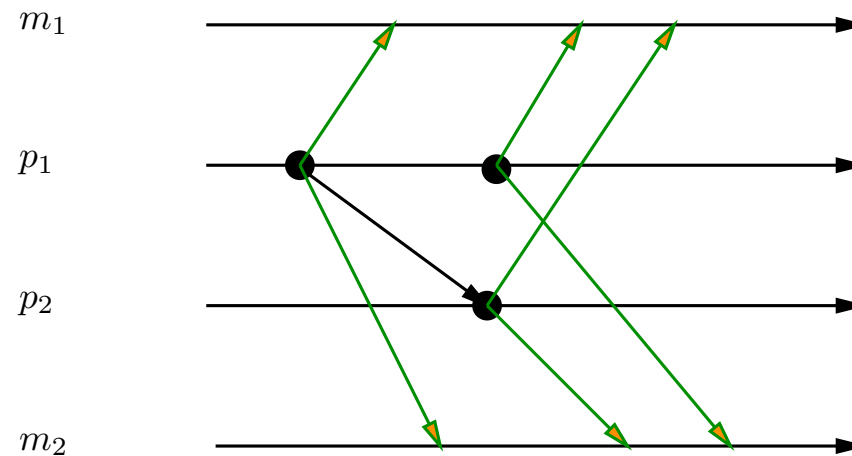
Raum/Zeit-Diagramme



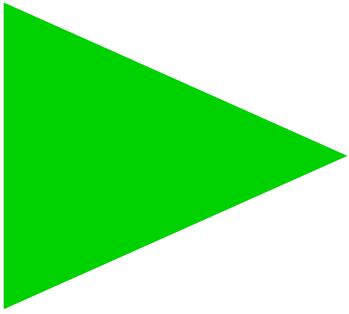
- Beobachten: Erkennen, ob ein globales Prädikat gilt.



Raum/Zeit-Diagramme

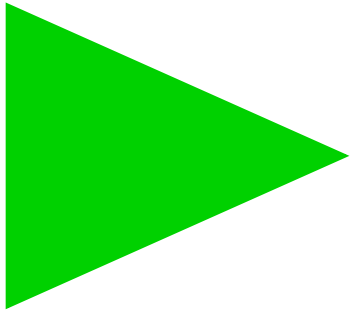


- Beobachten: Erkennen, ob ein globales Prädikat gilt.
- Vorsicht: **Beobachterabhängigkeit!**



Stand der Forschung

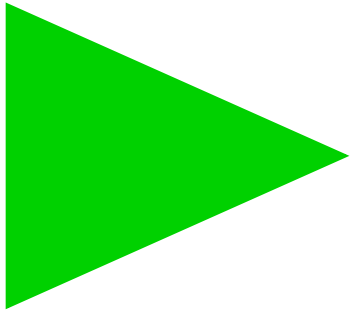
- Ziel: Beobachterunabhängigkeit.
- **Beobachtungsmodalitäten**
possibly (\exists eine Beobachtung. . .) und
definitely (\forall Beobachtungen. . .).
- Ergebnisse gelten **nur für fehlerfreie Systeme.**
- Arbeit von Garg und Mitchell schränkt Prädikate ein.



Neue Fragestellung

- Beobachter können sich nie sicher sein, ob ein Rechner abgestürzt ist.
- Modalitäten werden wieder beobachterabhängig.

Wie sehen Modalitäten aus, die in fehlerbehafteten Systemen Sinn machen?



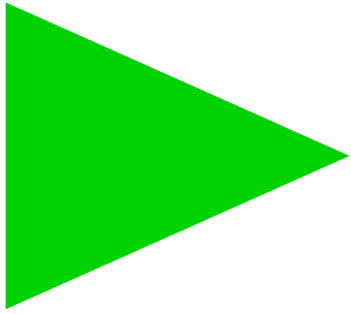
Neue Ergebnisse

- Modalität *negotiably*:
 - **Pessimistischer** Ansatz (*safety*).
 - \exists ein Beobachter, der *possibly* entdeckt?
(Erweiterung von *possibly*).
- Modalität *discernibly*:
 - **Optimistischer** Ansatz (*liveness*).
 - \forall Beobachter gilt *definitely* (Erweiterung von *definitely*).



Zusammenfassung (1/2)

- Solide, theoretisch fundierte **methodologische Basis** notwendig um verlässliche Systeme zu konstruieren.
- Arora/Kulkarni-Theorie erlaubt **feingranularen Entwurf** von Fehlertoleranzmethoden.
- Neu: Erweiterung der Theorie um **Begrifflichkeit der Redundanz**.
- Nutzen: Systeme werden bezüglich Redundanz **vergleichbar**.



Zusammenfassung (2/2)

- Nutzen: **Synthese fehlertoleranter Programme** auf theoretisch abgesicherter Grundlage möglich.
- Neu: Definition **sinnvoller Detektionssemantiken** zum Beobachten in fehlerbehafteten Systemen.
- Neu: Entsprechende **Beobachtungsalgorithmen**.
- Nutzen: Verwendbar als **Detektionsmodule** in Fehlertoleranzverfahren.

Anhang

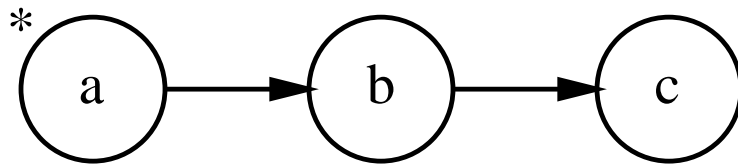
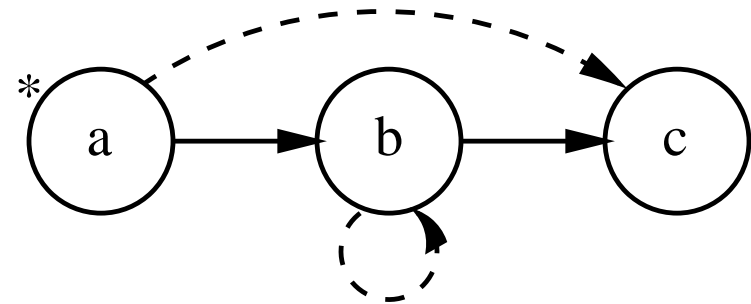
- Zusatzfolien zu Redundanz.
- Zusatzfolien zu Fragen der Beobachtung in fehlerbehafteten verteilten Systemen.

Zusatzfolien zu Redundanz

- Definitionen: Fehlermodell, Eigenschaften, *safety*, *liveness*, fehlertolerante Version, Lebendigkeitsannahme, Fusionsabgeschlossenheit.
- Theoreme: Fehlertoleranz und Sicherheit bzw. Lebendigkeit.
- Beispiel: TMR.

Definition: Fehlermodell

- Fehlermodell = Transformation F von Automaten, die Zustandsübergänge einbaut.

 Σ  $F(\Sigma)$

Eigenschaften

- Automaten sind Generatoren von *Abläufen*.
- Ablauf = Folge s_1, s_2, \dots von Zuständen.
- Eigenschaft = Menge $\{\sigma_1, \sigma_2, \dots\}$ von Abläufen.
- Ein Automat besitzt Eigenschaft E wenn alle seine Abläufe in E liegen.

Sicherheit und Lebendigkeit

- Sicherheitseigenschaft (*safety*): Eigenschaft, die immer im Endlichen verletzt wird.
- Beispiel: wechselseitiger Ausschluß.
- Lebendigkeitseigenschaft (*liveness*): Eigenschaft, die nur im Unendlichen verletzt werden kann.
- Beispiel: Aushungerungsfreiheit.
- Sicherheit und Lebendigkeit sind fundamental [1].

Fehlertolerante Versionen

- Designprozeß:
 - Man hat ein System Σ_1 , welches Sicherheitseigenschaft S verletzt, wenn Fehler aus F auftreten.
 - Möchte Σ_1 gerne in Σ_2 umwandeln, so daß Σ_2 S erfüllt, auch wenn Fehler aus F auftreten.
 - Σ_2 soll aber im fehlerfreien Fall dasselbe Verhalten haben wie Σ_1 .

Σ_2 ist die *fehlertolerante Version* von Σ_1 .

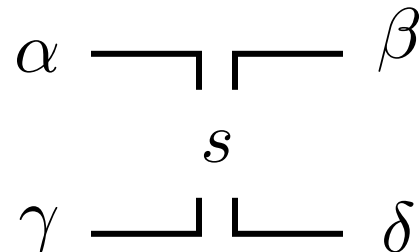
Fehlertoleranz und Sicherheit

- “Nie x ” ist eine Sicherheitseigenschaft.
- Wann kann man fehlertolerante Versionen bezüglich einem Fehlermodell F und einer Sicherheitseigenschaft S bauen?
- Unmöglich, falls S direkt mittels Transitionen aus F verletzt werden kann.
- Oft möglich durch Löschen redundanter Transitionen.
- Resultierendes System Σ_2 hat Speicherredundanz.

Sicherheit und Speicherredundanz

- Speicherredundanz notwendig, um fehlertolerant bezüglich einer Sicherheitseigenschaft zu werden.
- Voraussetzung: F muß in Σ_1 und Σ_2 dieselben Fehler einbauen.
- Annahme: Sicherheitseigenschaft ist *fusionsabgeschlossen*.

Fusionsabgeschlossenheit



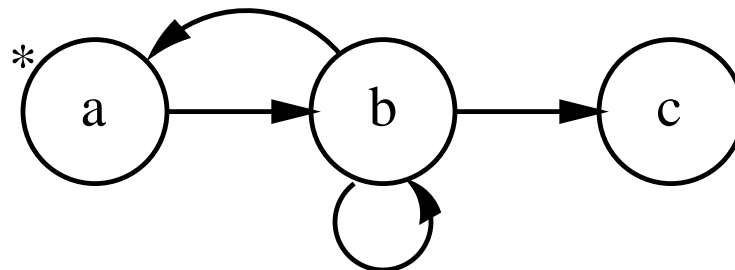
- Sicherheit allgemein: Ausschluß einer Menge endlicher Präfixe.
- Fusionsabgeschlossene Sicherheit: Ausschluß einer Menge von Transitionen.
- “Man kann an der Transition erkennen, ob sie ausgeführt werden darf oder nicht.”

Fehlertoleranz und Lebendigkeit

- “Immer wieder x ” ist eine Lebendigkeitseigenschaft.
- Was muß man tun, um fehlertolerante Versionen bezüglich einer Lebendigkeitseigenschaft zu konstruieren?

Lebendigkeitsannahmen

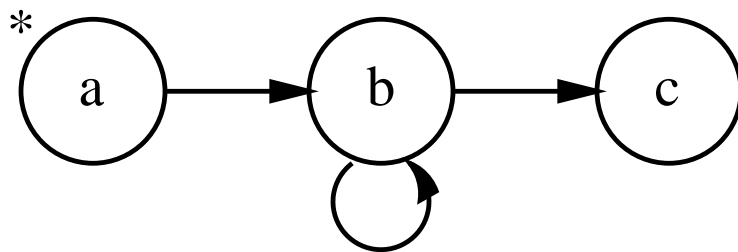
- Automat $\Sigma = (C, I, T, A)$



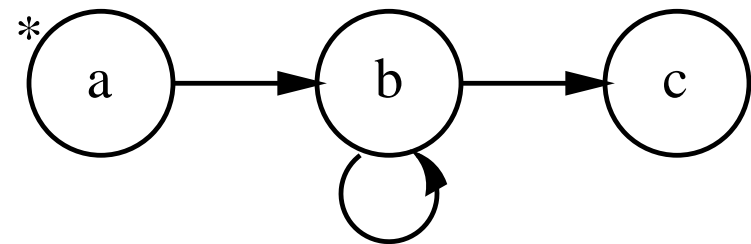
- Maximalität
- Schwache Fairness

Fehlermodelle und Lebendigkeit

- Fehlermodelle können auch die Lebendigkeitsannahme abschwächen.
- Beispiel: Abschwächung von schwacher Fairness zu Maximalität.


 Σ

$A =$ schwache Fairness


 $F(\Sigma)$

$A =$ Maximalität

Fehlertoleranz und Lebendigkeit

- Wann kann man fehlertolerante Versionen bezüglich einem Fehlermodell F und einer Lebendigkeitseigenschaft L bauen?
- Unmöglich, falls aus direktem Programmfluß ein *livelock* ausschließlich in F -Transitionen passieren kann.
- Oft möglich durch Hinzufügung von redundanten Transitionen.
- Resultierendes System Σ_2 hat Zeitredundanz.

Lebendigkeit und Zeitredundanz

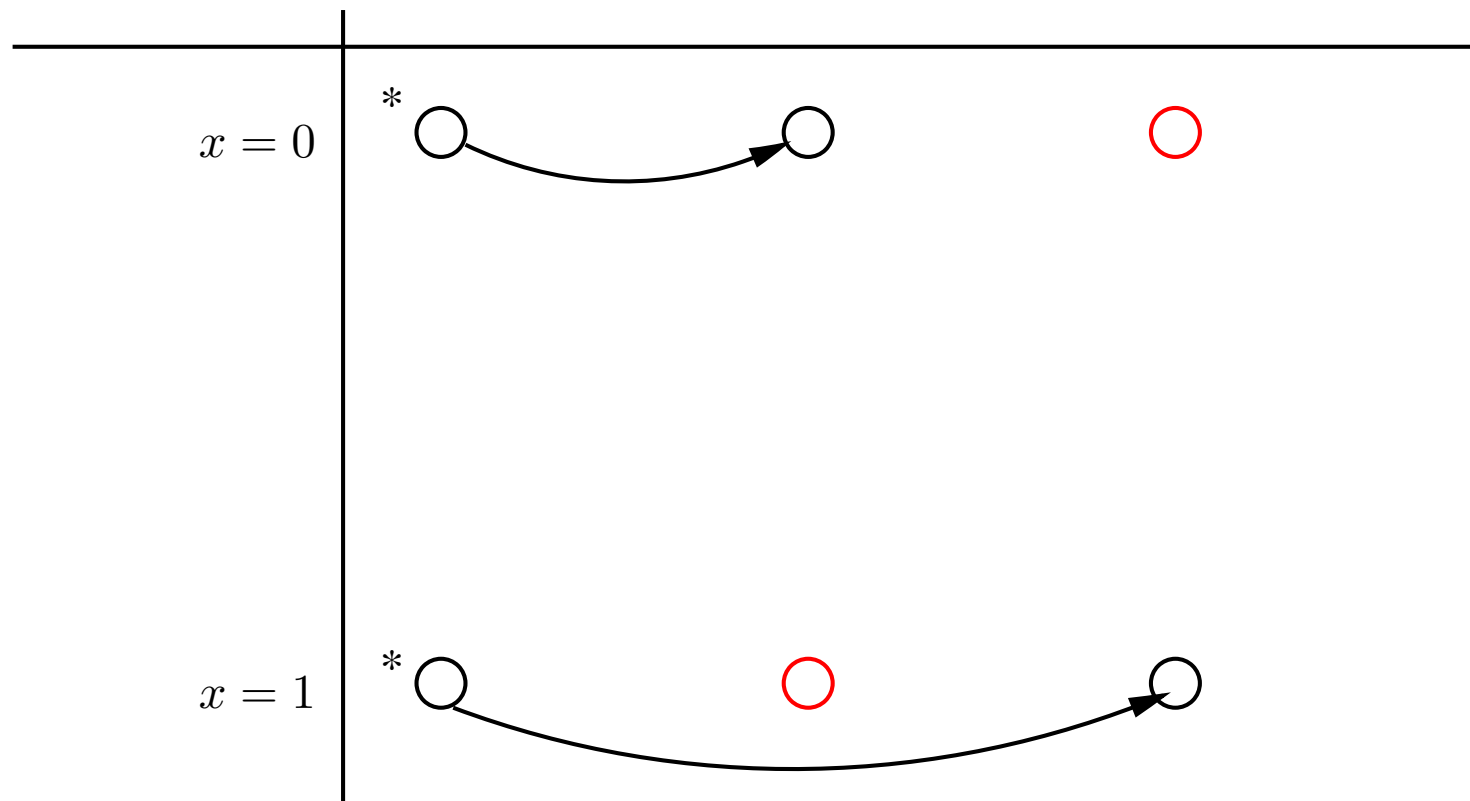
- Zeitredundanz notwendig, um fehlertolerant bezüglich einer Lebendigkeitsspezifikation zu werden.
- Voraussetzung: F schwächt bei beiden Programmen die Lebendigkeitsannahme in derselben Art ab.

Beispiel: TMR

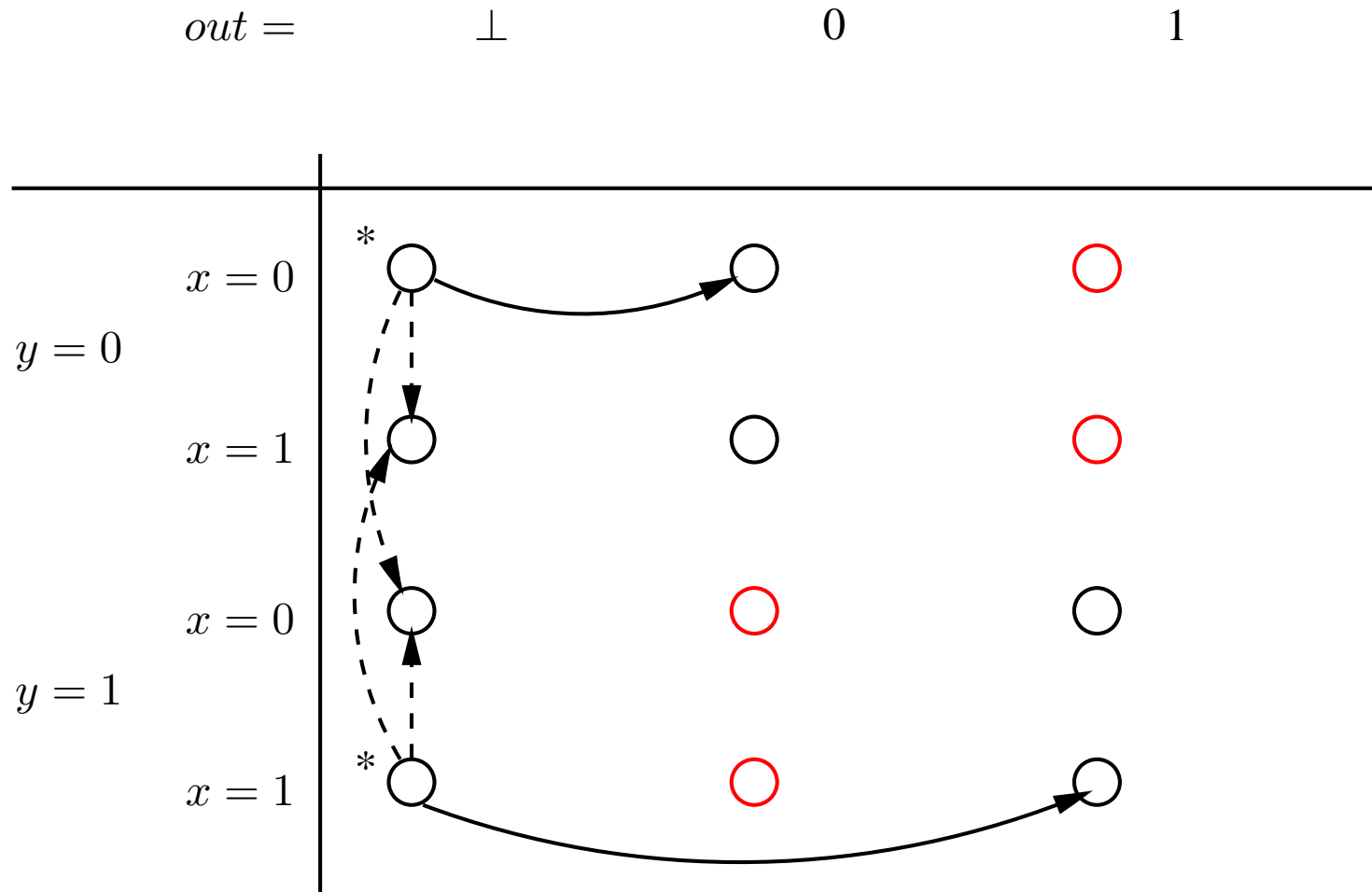
- Komponente x berechnet einen Wert aus $\{0, 1\}$.
- Spezifikation: Nur korrekter Wert soll auf Ausgang out geschrieben werden (Sicherheit) und schließlich soll out von \perp auf 0 oder 1 wechseln (Lebendigkeit).
- Zusätzliche Komponenten y und z stehen zur Verfügung.
- Fehlermodell: maximal eine Komponente berechnen fehlerhaften Wert.

Speicher- und Zeitredundanz in TMR

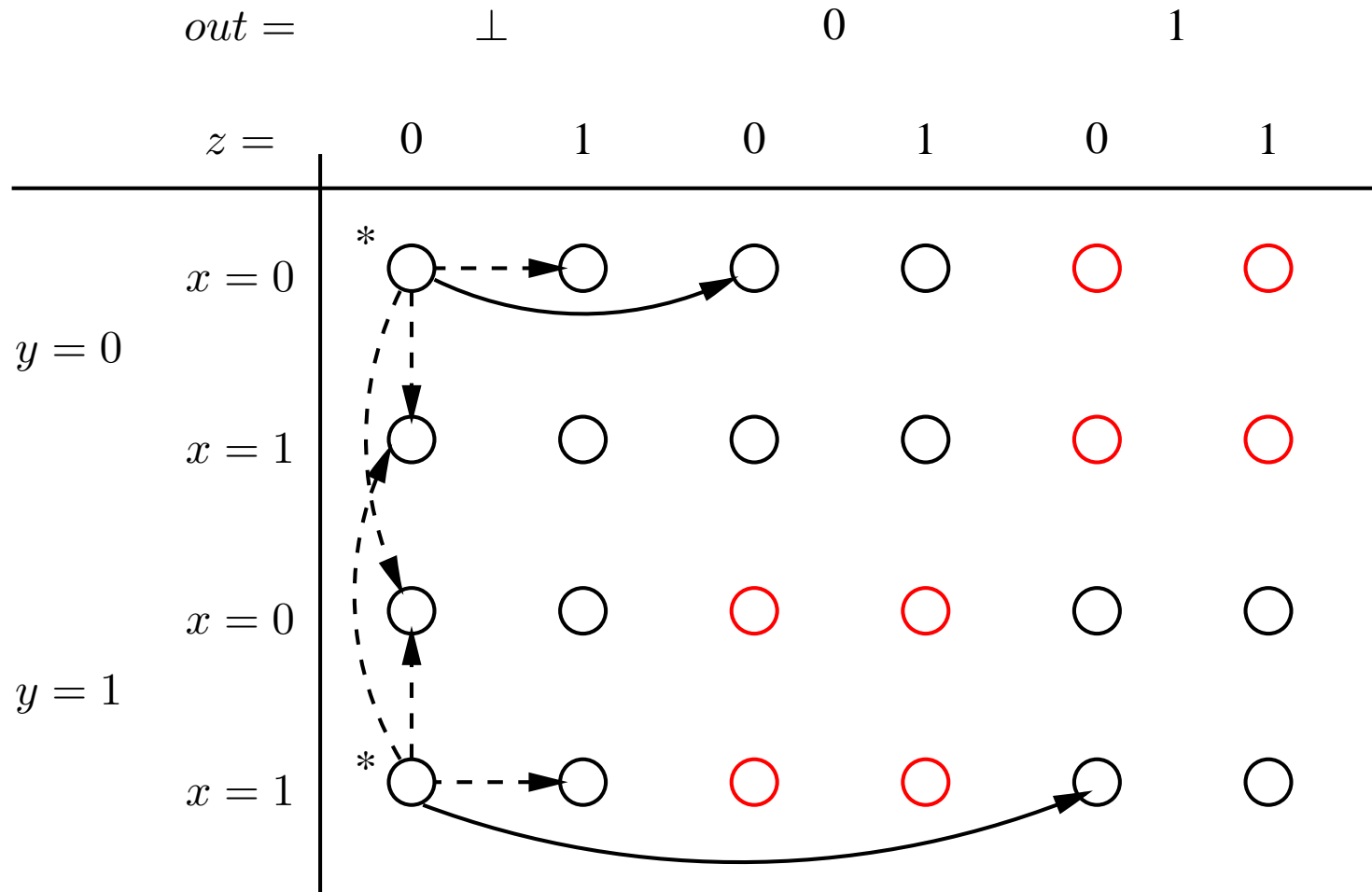
$out =$ \perp 0 1



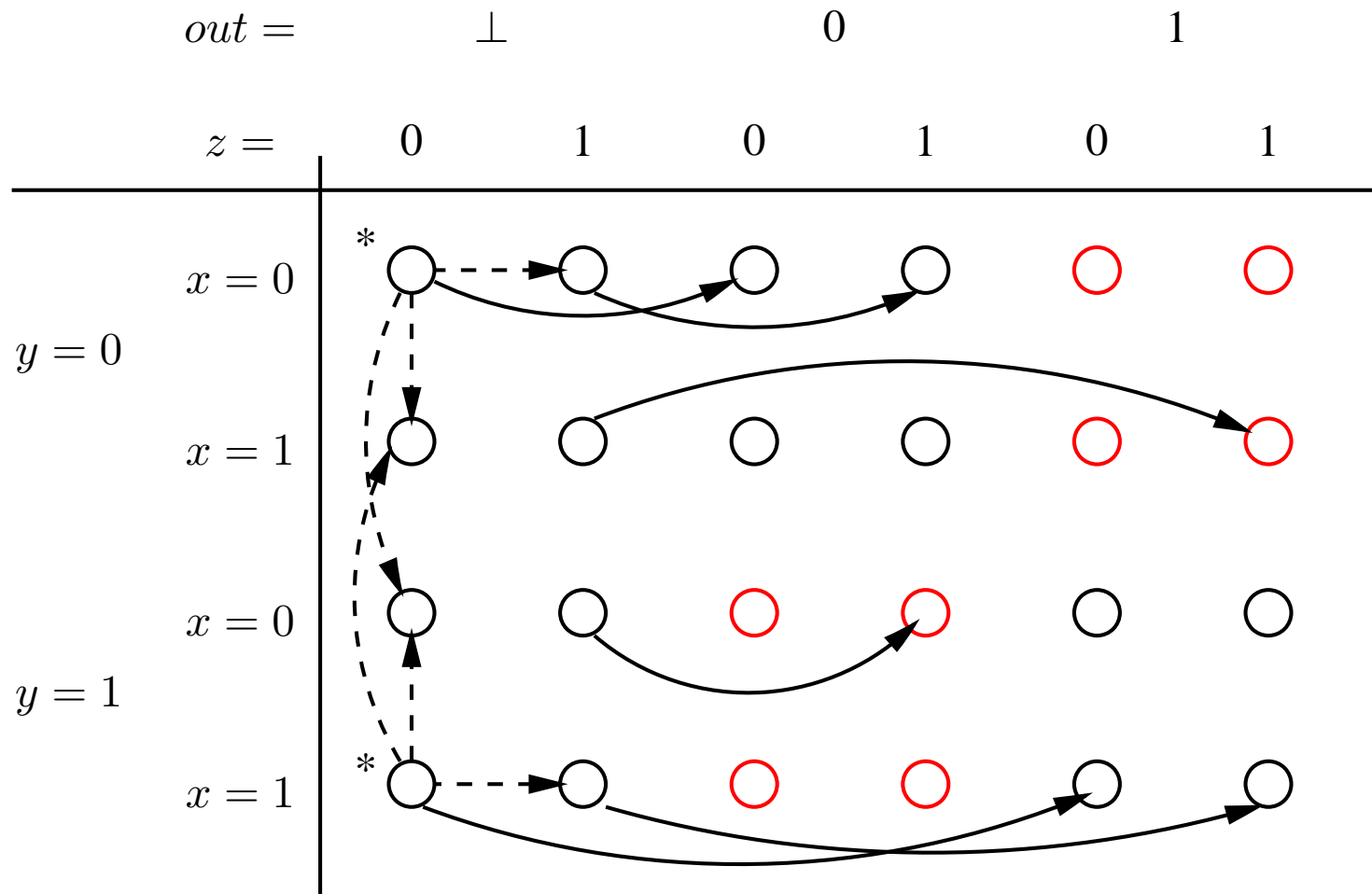
Speicher- und Zeitredundanz in TMR



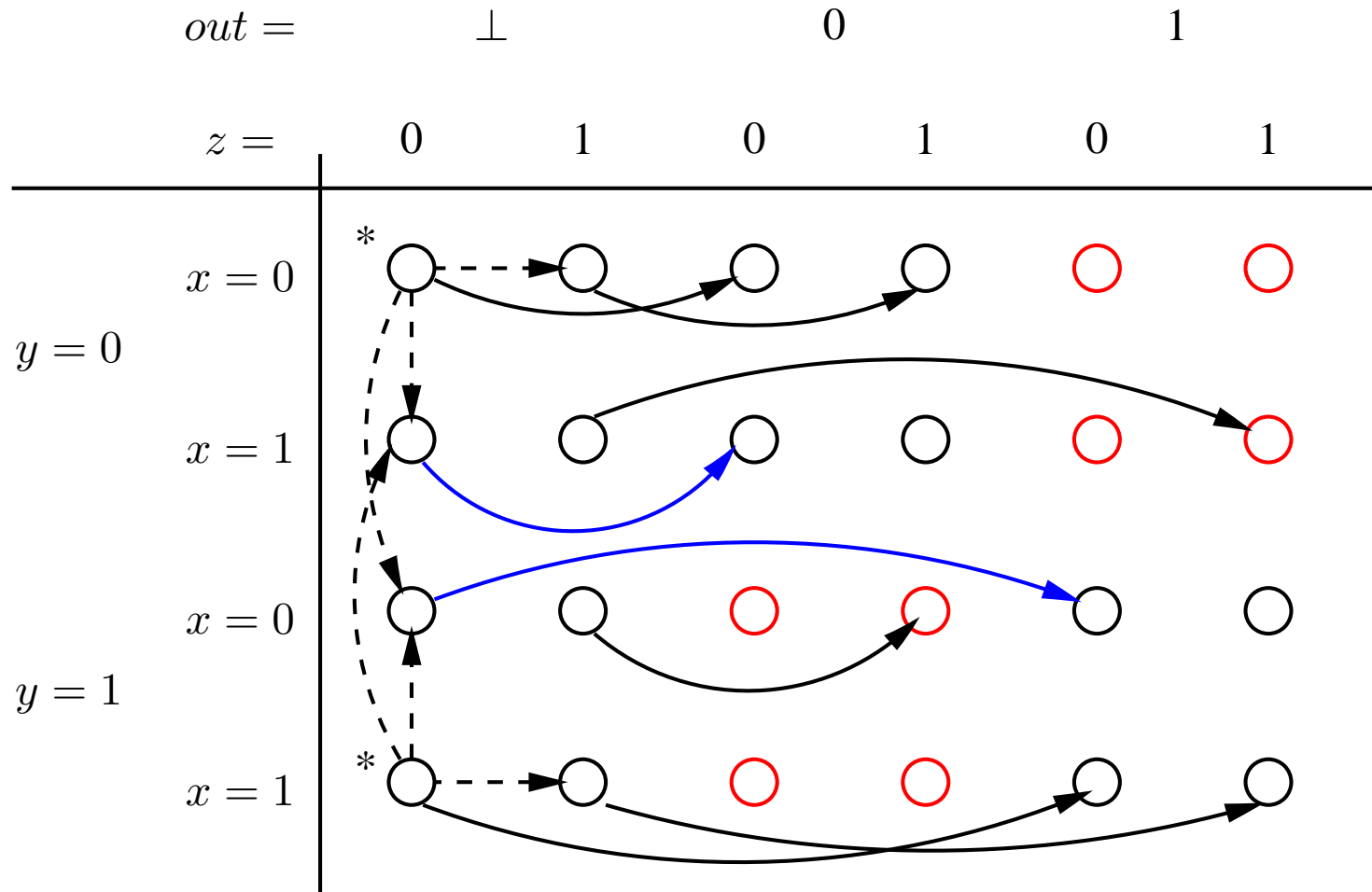
Speicher- und Zeitredundanz in TMR



Speicher- und Zeitredundanz in TMR



Speicher- und Zeitredundanz in TMR



Zusatzfolien zu Fragen der Beobachtung in fehlerbehafteten verteilten Systemen

- Typen von Prädikaten.
- Unzuverlässige Fehlerdetektion.
- Erweiterter Zustandsraum.
- Neue Modalitäten.
- Entdeckungsalgorithmen.
- Weitergehende Fragen.

Predicate detection in faulty asynchronous systems

- crash fault assumption = at most t processes simply stop executing steps.
- For the moment: restrict crash faults to application processes only (monitors always stay alive).
- Predicate up_i refers to functional state of p_i .

New types of predicates

- Can be used in predicates:
 - Process p_i crashed after 4th event: $\neg up_i \wedge ec_i = 4$
 - Every process either commits or crashes:
 $\forall i : \neg up_i \vee commit_i$
- Idea: find suitable analogies to *possibly* and *definitely* for these types of predicates.

Implementable failure detection (1/2)

- Every monitor must keep up_i up to date (failure detection).,
- Can ensure eventual detection, but cannot avoid false suspicions.
- Terminology: failure detectors *suspect* and *rehabilitate* application processes.

Implementable failure detection (2/2)

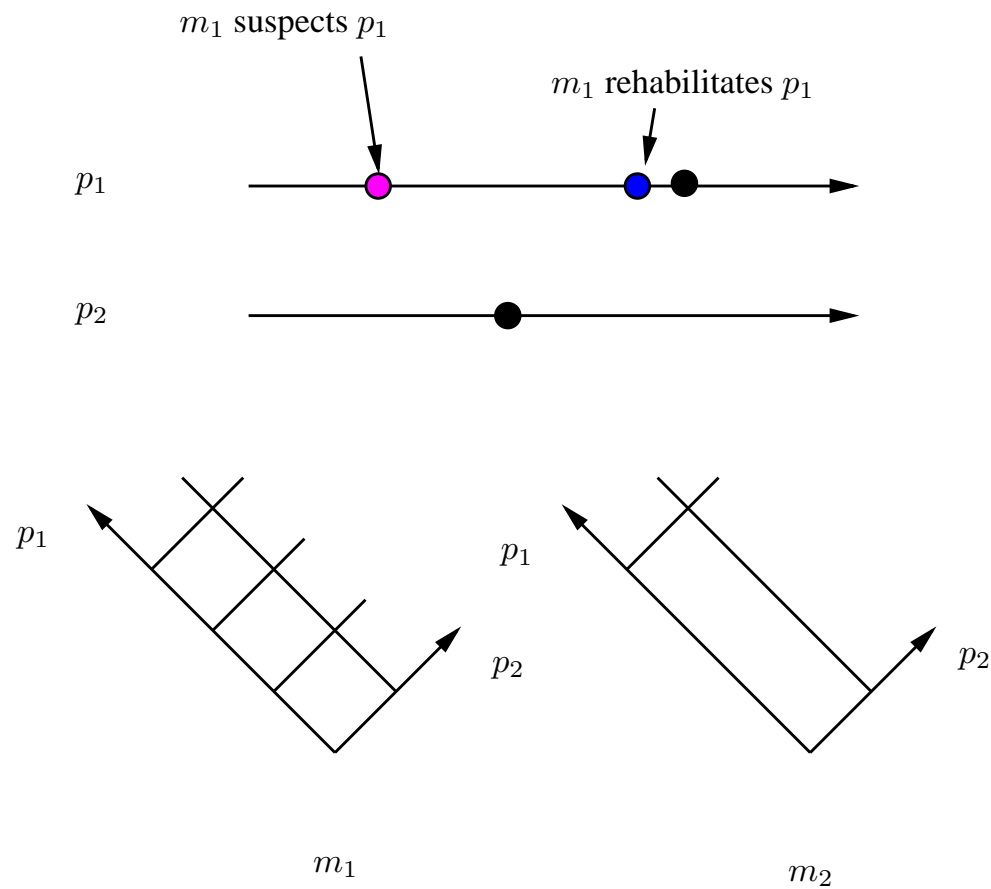
- Best we can do: a non-crashing process is not permanently suspected [6].
- For observation purposes: add causality information to suspicions:
 - “ m_j suspects p_i after event e_k on p_i .”
 - “ m_j rehabilitates p_i after event e_k on p_i .”
- Assume: between two events at most one suspicion and rehabilitation.

Lattice over extended state space

- Treat up_i as a variable on p_i .
- Suspicion/rehabilitation is a simple state change of p_i (extended state space).
- Change of up in consistent states yields again consistent states.
- Integration of suspicions/rehabilitations into state lattice yields new lattice (over extended state space).
- Use this lattice for predicate detection.

New observer dependence

- *possibly/definitely* not observer-invariant.



Global failure detector semantics

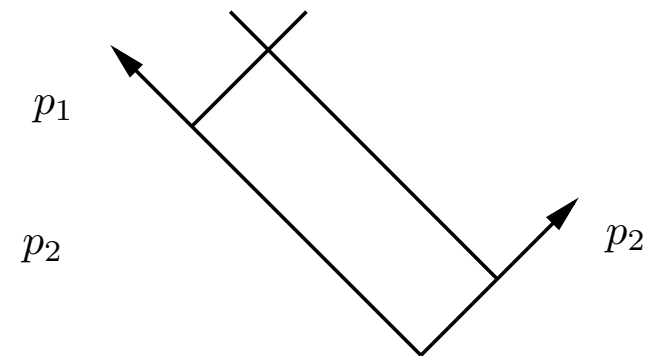
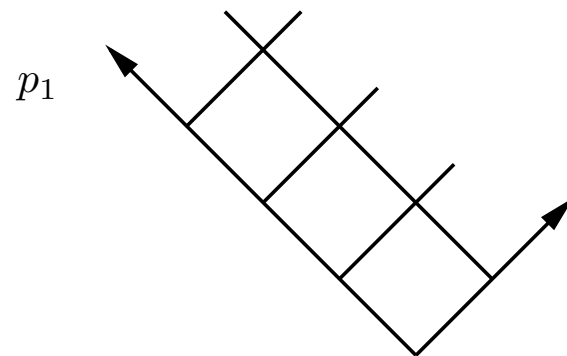
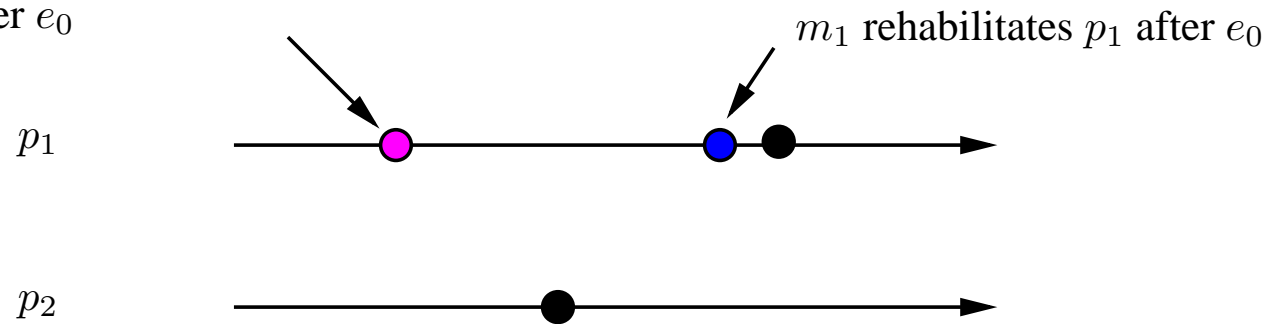
- Problem: false suspicions.
- Solution: define “global” failure detector semantics.
- p_i is (globally) suspected after e_k iff . . .
 - (pessimistic) \exists a monitor which suspects p_i after e_k .
 - (optimistic) \forall monitors suspect p_i after e_k .
- Can define pessimistic and optimistic state lattice (union and intersection of all monitor lattices).

New modalities

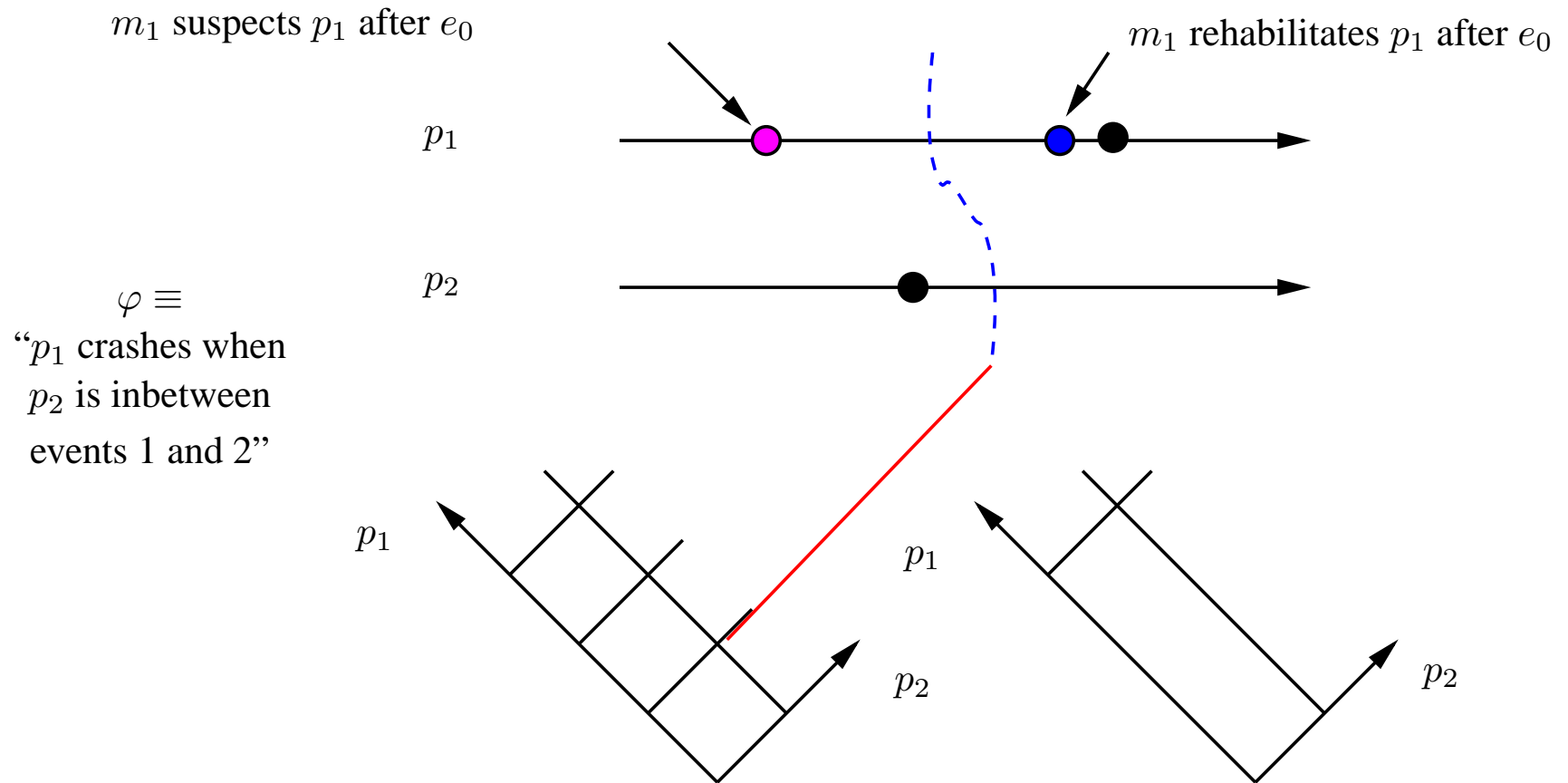
- Given predicate φ on extended state space.
- *negotiably*(φ) holds iff *possibly*(φ) holds on pessimistic state lattice.
- *discernibly*(φ) holds iff *definitely*(φ) holds on optimistic state lattice.

New modalities example

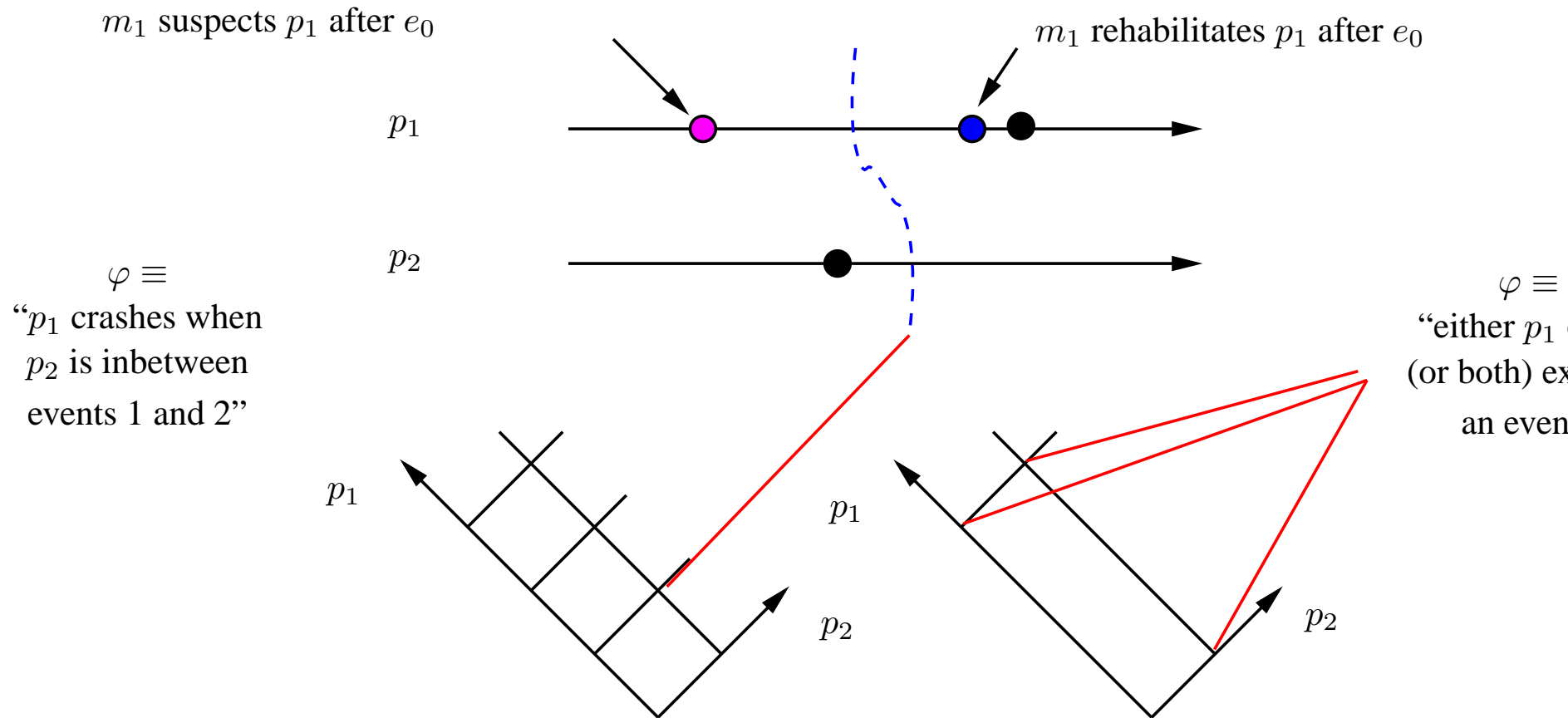
m_1 suspects p_1 after e_0



New modalities example



New modalities example



Intuition behind new modalities (1/2)

- Optimistic/pessimistic lattice can be understood in analogy to optimistic/pessimistic network protocols:
 - pessimistic: be careful all the time, take immediate action if something bad has possibly happened.
⇒ use *negotiably* to trigger action.
 - optimistic: go ahead without synchronization and hope for the best, deal with conflicts only when necessary.
⇒ use *discernibly* to ignore spurious suspicions.

Intuition behind new modalities (2/2)

- Understandable in analogy to *possibly/definitely*:
 - Safety requirement $\Box\varphi$: take action if *negotiably*($\neg\varphi$) is detected.
 - Liveness requirement $\Diamond\varphi$: validated if *discernibly*(φ) is detected.

Overview of results

- Observation modalities *negotiably* and *discernibly*. . .
 - do not solve all problems in crash-affected systems.
 - reflect by their definition the inherent problem of crash failure detection.
 - can be understood in analogy to *possibly* and *definitely*.
 - can be detected in asynchronous systems, even if monitors may crash.

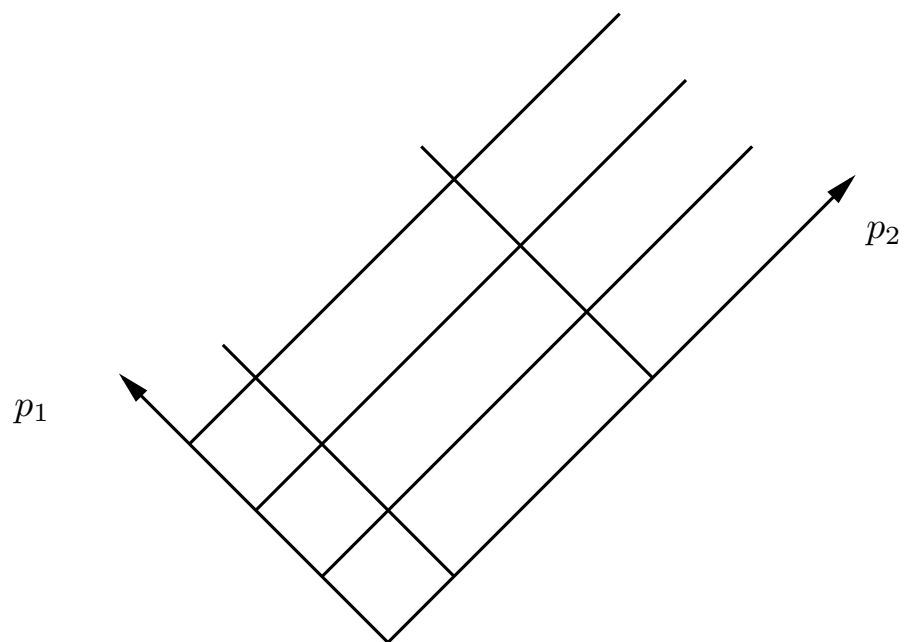
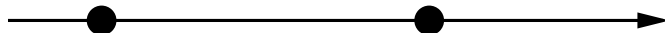
Detection algorithms in a nutshell (1/2)

- Let monitors causally broadcast their suspicions to all other monitors.
- Eventually all monitor lattices converge.
- Can then do *possibly/definitely* detection in observer invariant state lattices (use standard algorithms).
- Problem: how know that there will be no “late” failure detector events arriving?

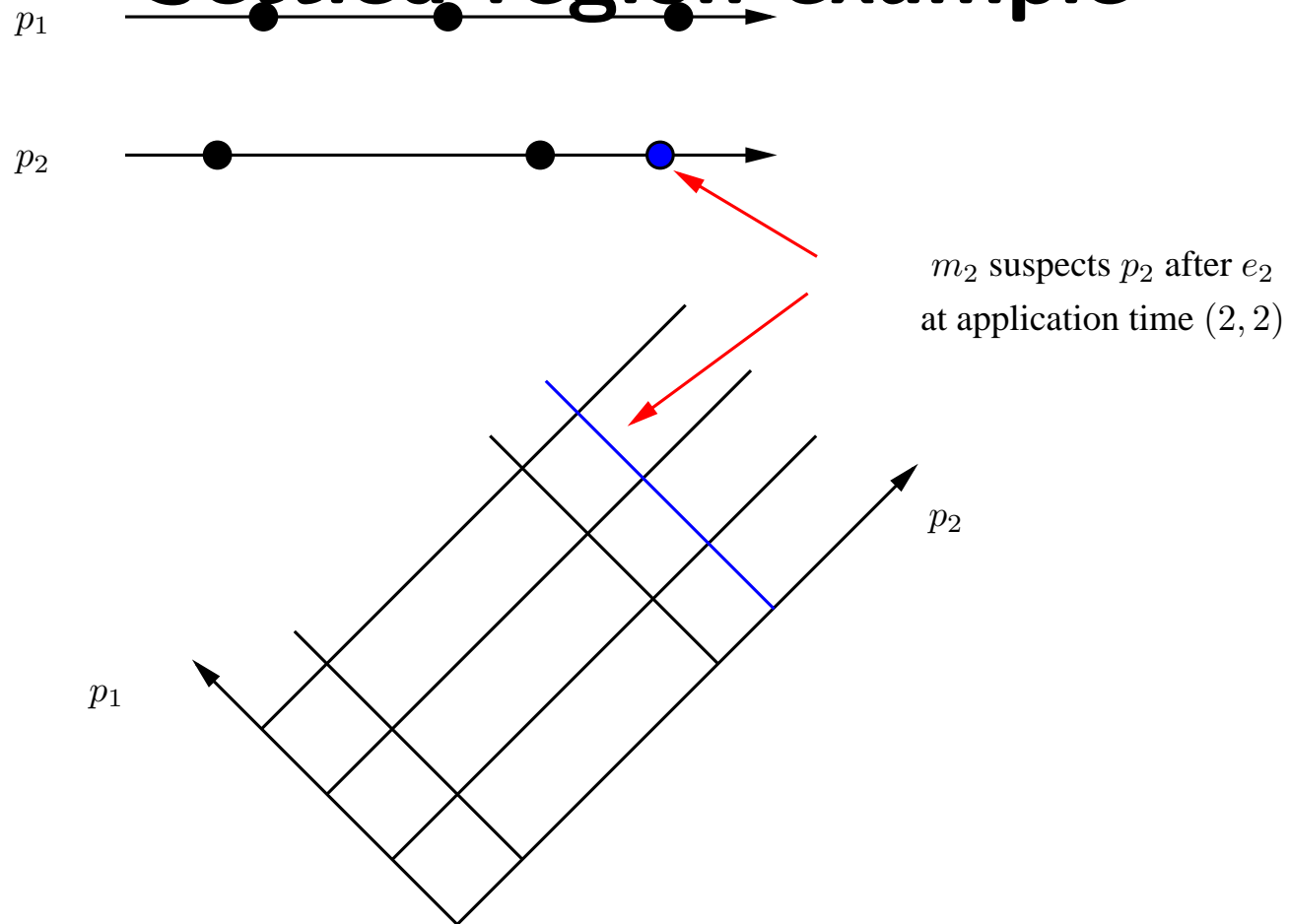
Detection algorithms in a nutshell (2/2)

- Solution:
 - Monitors piggyback coordinates of most recent global state they have seen: per monitor stable region.
 - Take intersection of all monitor regions: globally settled region.
 - Steadily expand settled region, extract optimistic/pessimistic data and do *possibly/definitely* detection on it.

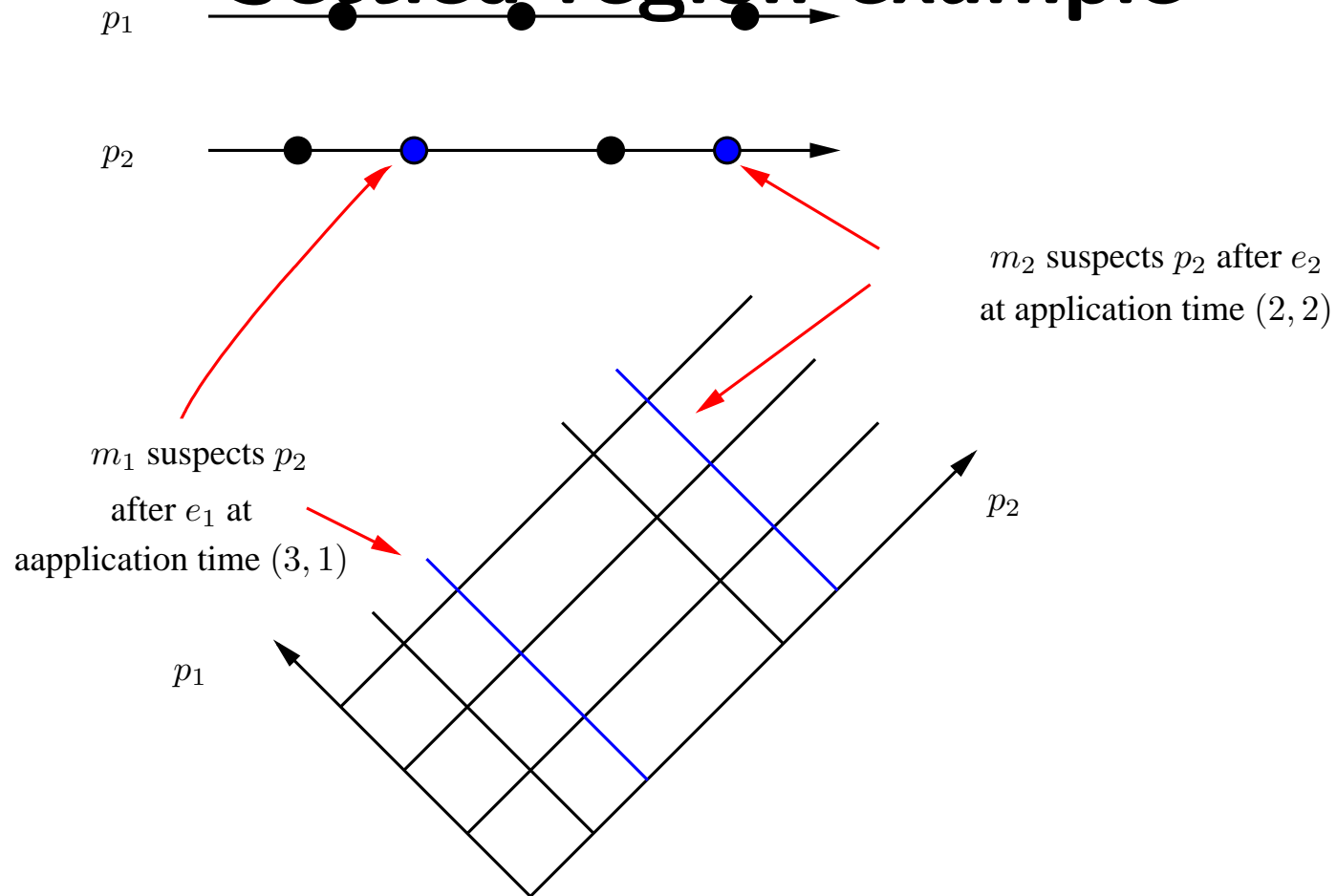
Settled region example

 p_1  p_2 

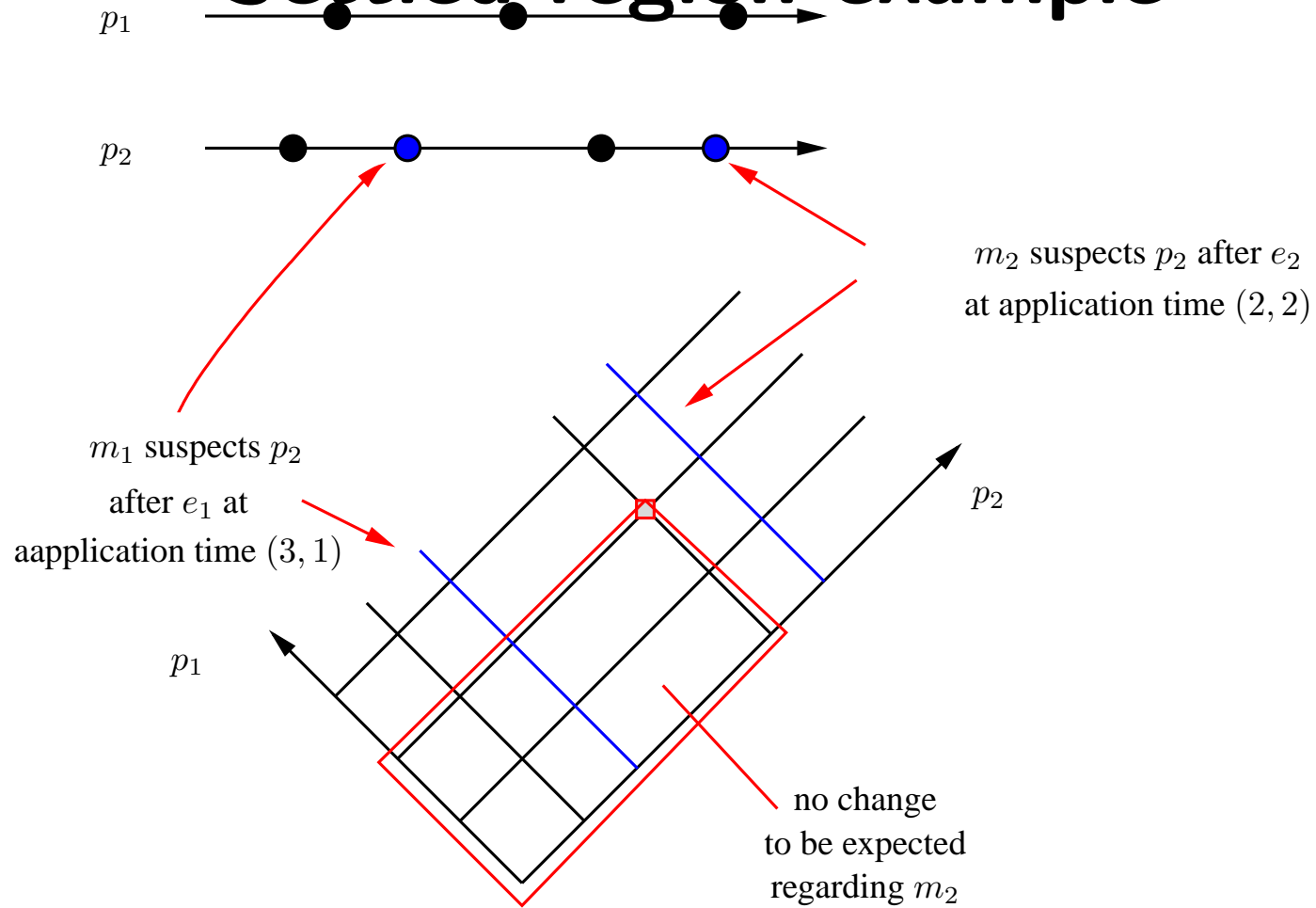
Settled region example



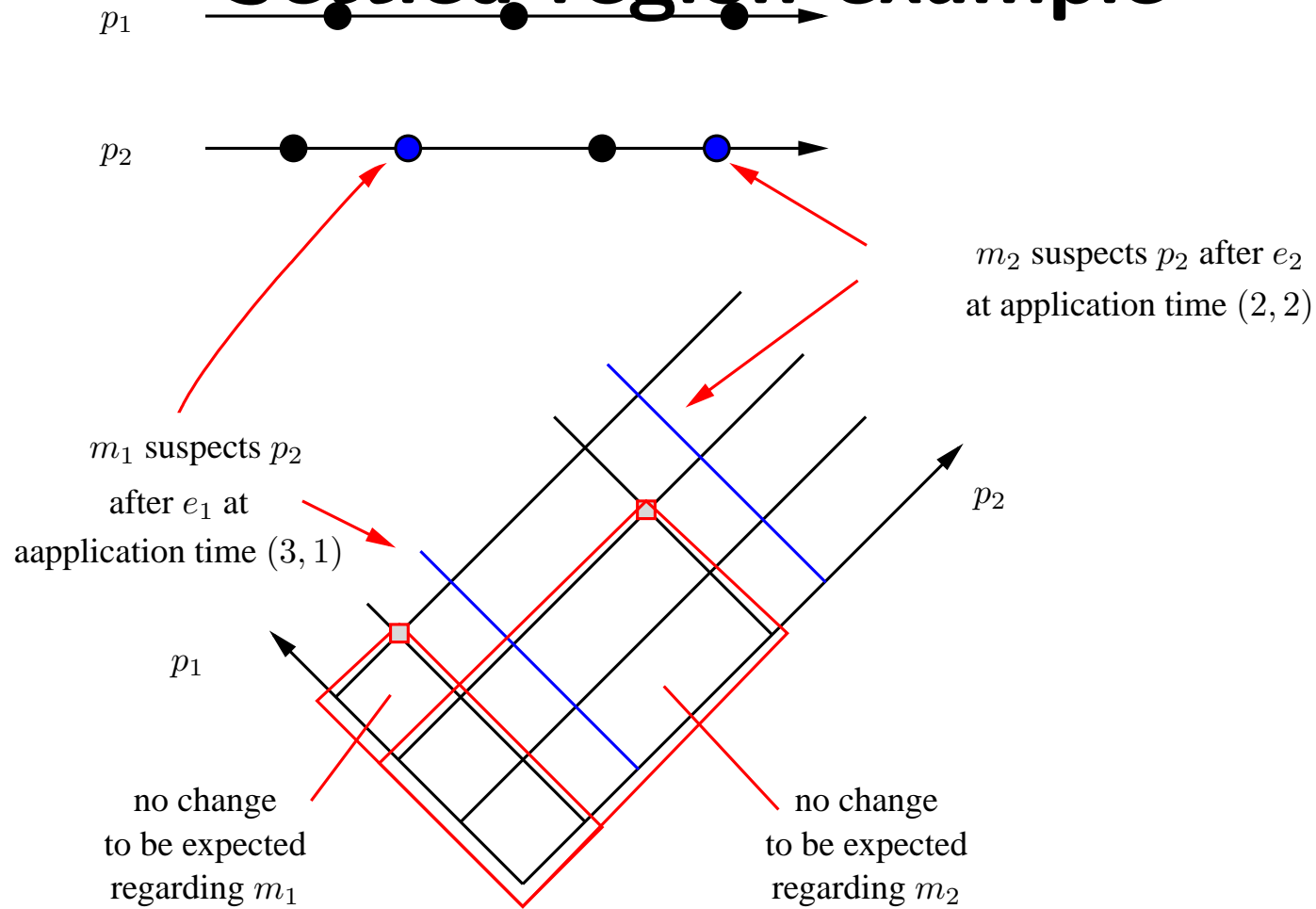
Settled region example



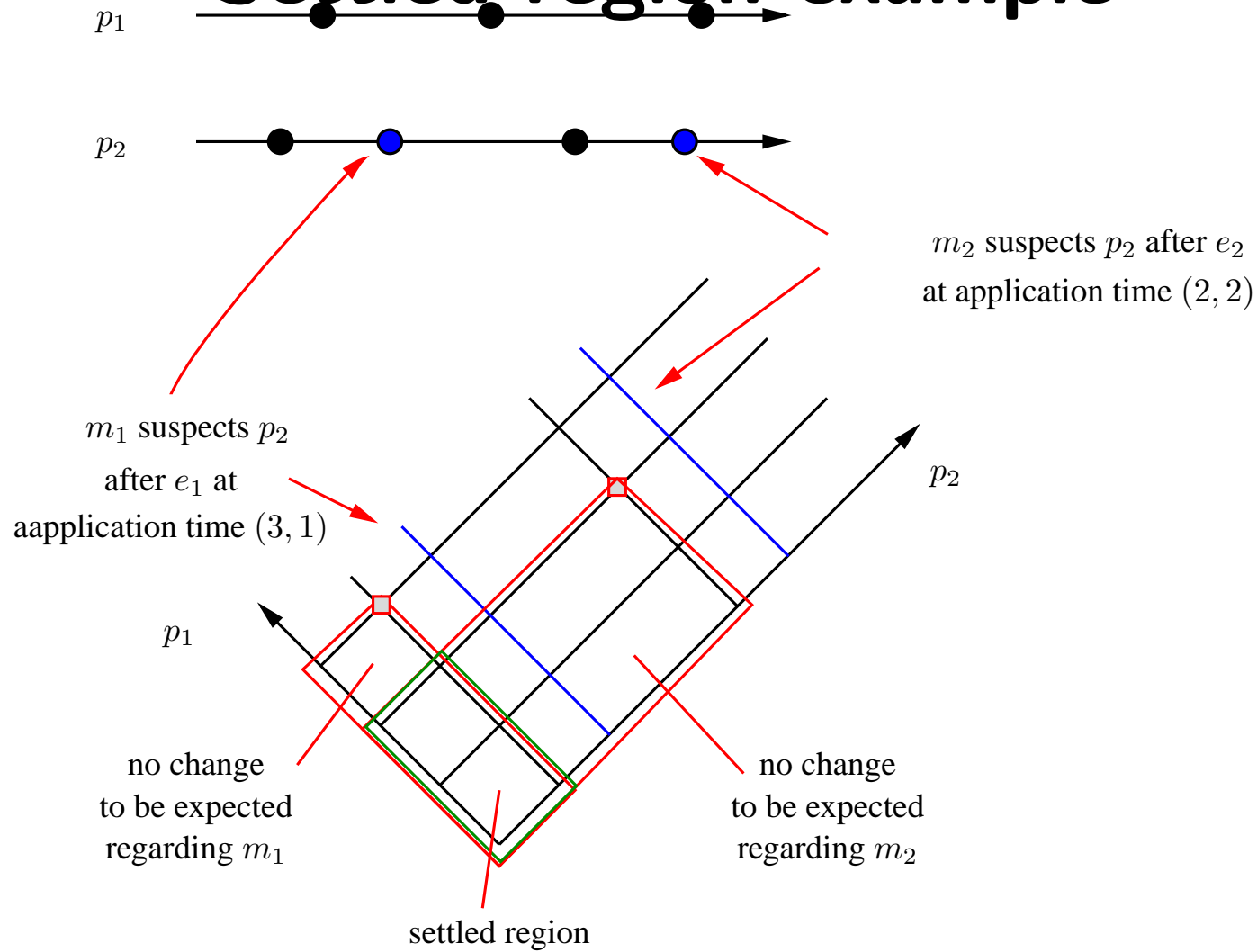
Settled region example



Settled region example



Settled region example



Advanced topics

- Algorithm works under assumption that no monitors fail.
- If monitors can fail, detection becomes harder:
 - Can still detect *negotiably* without a stable region.
 - Detection *discernibly* impossible, because accurate failure detection is needed.
 - A weaker variant (*t-discernably*) can be detected at the price of having a majority of correct monitors.

Complexity

- Complexity:
 - general predicate detection is NP-complete [3].
 - Our detection algorithms are only wrappers around possibility/definitely detection.
 - Study restricted classes of predicates.

Restricted predicates

- Perfect failure detectors available:
 - No false suspicions.
 - Optimistic/pessimistic lattice are the same.
- Perfect failure detectors and crash predicates:
 - Predicates are stable.
 - *possibly=definitely* \rightarrow *negotiably=discernibly*

Danksagungen

- Diese Folien wurden hergestellt unter Verwendung von pdfL^AT_EX und Klaus Guntermanns PPower4.

Literatur

- [1] Bowen Alpern and Fred B. Schneider. Defining liveness. *Information Processing Letters*, 21:181–185, 1985.
- [2] Anish Arora and Sandeep S. Kulkarni. Component based design of multitolerant systems. *IEEE Transactions on Software Engineering*, 24(1):63–78, January 1998.
- [3] Craig M. Chase and Vijay K. Garg. Detection of global predicates: Techniques and their limitations. *Distributed Computing*, 11(4):191–201, 1998.

- [4] Robert Cooper and Keith Marzullo. Consistent detection of global predicates. *ACM SIGPLAN Notices*, 26(12):167–174, December 1991.

- [5] Vijay K. Garg and J. Roger Mitchell. Distributed predicate detection in a faulty environment. In *Proceedings of the 18th IEEE International Conference on Distributed Computing Systems (ICDCS98)*, 1998.

- [6] Vijay K. Garg and J. Roger Mitchell. Implementable failure detectors in asynchronous systems. In *Proc. 18th Conference on Foundations of Software Technology and Theoretical Computer Science*, number 1530 in Lecture Notes in Computer Science, Chennai, India, December 1998. Springer-Verlag.

- [7] Sandeep S. Kulkarni and Anish Arora. Automating the addition of fault-tolerance. In Mathai Joseph, editor, *Formal Techniques in Real-Time and Fault-Tolerant Systems, 6th International Symposium (FTRTFT 2000) Proceedings*, number 1926 in Lecture Notes in Computer Science, pages 82–93, Pune, India, September 2000. Springer-Verlag.

- [8] Keith Marzullo and Gil Neiger. Detection of global state predicates. In *Proceedings of the 5th International Workshop on Distributed Algorithms (WDAG91)*, pages 254–272, 1991.
- [9] T. R. N. Rao and E. Fujiwara. *Error-control coding for computer systems*. Prentice-Hall, 1989.